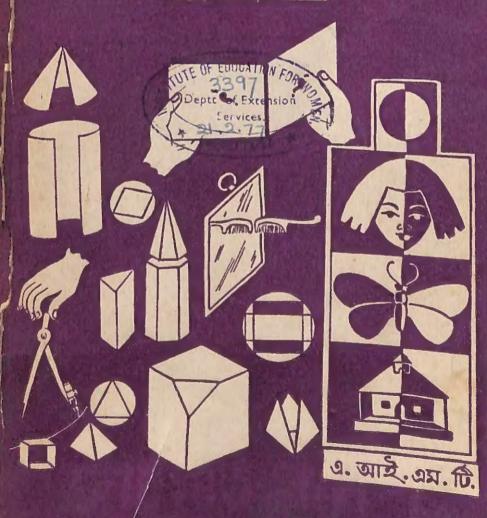
জ্যামিতি প্রবেশ

ষষ্ঠ শ্রেণীর জন্য



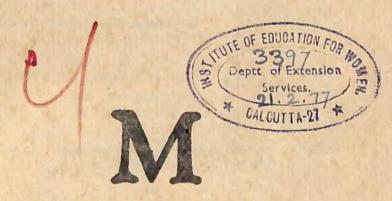
Approved as a textbook by the West Bengal Board of Secondary Education. Vide Notification No. T. B. 74/VI/M.G./95, dt. 11.12.75

জ্যামিতি-প্রবেশ

(ষষ্ঠ শ্রেণীর জন্ম)

এ. আই. এম. টি., কলিকাতা A. I. M. T. (Calcutta)

(Association for Improvement of Mathematics Teaching)



দি ম্যাকমিলান কোম্পানি অফ ইণ্ডিয়া লিমিটেড 294 বিপিন বিহারী গাজুলী শ্রীট, কলিকাতা-12

THE MACMILLAN COMPANY OF INDIA LIMITED

CALCUTTA BOMBAY MADRAS

Associate companies throughout the world

Copyright © A. I. M. T. Calcutta, 1975, 1976

First Edition, 1975 Revised Edition, 1976

"Paper used for printing this book was made available by the Govt. of India at a concessional rate."

Made in India Printed by B. Mukherjee at Kalika Press Private Lid. 25, D. L. Roy Street, Calcutta-6 and Published by U. N. Banerjee, for The Macmillan Co. of India Ltd. 294 Bepin Behari Ganguly Street, Calcutta-12.

ভূমিকা 🕑

পঠিত্রেমের পরিবর্তনের সঙ্গে নতুন নতুন পঠিত্রপৃস্তক রচিত লইয়। থাকে।
নব কলেবর ধারণ ব্যতীত পুস্তকের অভিনবত্ব অনেকাংশে নতুন পাঠ্যস্ফার
উপর নির্ভর করে। সনাতনী পাঠ্যস্ফার আওতার মধ্যে দৃষ্টিভঙ্গীর নতুনভ্বের
জন্মও পাঠ্যপুস্তক নতুন রূপ পরিগ্রহ করিতে পারে। আবার পাঠ্যক্রমে
বিষয়বস্তুর বিস্থাস এমন হইতে পারে যাহাতে মোটাম্টিভাবে উপরোজ
ছই প্রকারের অভিনবত্ব আংশিকভাবে পুস্তকে প্রতিফলিত হইতে দেখা যায়।
একথা অনস্বীকার্য যে এইরূপ ক্ষেত্রে পুস্তক প্রণয়ন একটি চুরাহ কর্ম। তথাপি
এই সংস্থা তাহার আদর্শীস্থায়ী এই কার্যে বতী হইয়াছে। মধ্যশিক্ষা
পর্যৎ কর্তৃক প্রবর্তিত মাধ্যমিক পর্যায়ের নতুন পাঠ্যক্রমান্থসারে এই
সংস্থার অধীনে

ষষ্ঠ শেণীর (১) গণিত-প্রকাশ, (২) জ্যামিতি-প্রবেশ এবং নবম শ্রেণীর (৩) মাধ্যমিক গণিত, (৪) মাধ্যমিক জ্যামিতি রচিত হইয়াছে। নতুন পাঠাক্রমে পুরাতনের তুলনায় কতথানি আধুনিকী-করণ সম্ভব হইরাছে তাহা আলোচনাসাপেক। এই সংস্থার মূল উদ্দেশ্ত বর্তমান কাঠামোর চৌহদ্দির মধ্যে গণিত শিক্ষার উৎকর্ম সাধন করা। আলোচ্য প্তকণ্ডলি এই আদর্শকে সার্থক রূপ দান করিবার একটি প্রচেষ্টা। 'নণিত-প্রকাশ' ও 'মাধ্যমিক গণিত' তথাক্থিত পুরাতন পাঠ্যস্ফীর ভিত্তিতে রচিত হইলেও ইহাদের বৈশিষ্ট্য আধুনিকতার নিরিখে পাটীগণিত ও বীজগণিতকে যাচাই করা এবং ইহাদের শিক্ষা যে জীবনের সহিত ওতপ্রোত-ভাবে জড়িত তাহা প্রত্যন্তগ্রাহ্ন করিয়া তোলা। এই পুত্তকসমূহে সমাজ-সচেতন, জীবনকেন্দ্রিক বিবিধ উদাহরণ ও প্রশ্নের মাধ্যমে গণিতশাস্ত্রের অবতারণা করা হইয়াছে। 'জ্যামিতি-প্রবেশ' নতুন জ্যামিতির পাঠাস্চীর ভিত্তিতে স্বাভাবিকভাবেই নব আছিকে প্রণয়ন করা হইয়াছে। নতুন ভাবধারার নির্যাসটুকুও এই গ্রন্থে স্বজ্ঞাত (intuitive) সক্রিয়ভার (activity) মাধ্যমে ফোটাইবার চেষ্টা করা হইয়াছে। আপাতদৃষ্টিতে নবম শ্রেণীর পাঠ্যস্ফীতে কোন ভাবগত বৈশিষ্ট্য পরিলক্ষিত না হইলেও নবম শ্রেণীর 'মাধ্যমিক জ্যামিতি' পুস্তকে বিষয়বস্তুর মূল স্থরটি স্থপরিচিত ও চিরাচরিত বিষয়বস্তুর মারফত প্রকৃটিত করিয়া তোলার চেষ্টা করা হইয়াছে।

পশ্চিমবন্ধে এই ধরনের প্রয়াস সম্পূর্ণ অভিনব। প্রতাদন একক বা ধোথতাবে প্রক প্রশায়ন করা হইয়াছে। সংস্থার বেশ ক্রেক্ডন অভিন্ত গণিতশাস্ত্রে পাবছম, নতুন চিন্তাধাবার সজে পরিচিত সর্বত্তরের শিক্ষকদের সম্মিলিত চিন্তা ও প্রয়াসের ফল এই পুত্তকগুলি। এই সংস্থার অনেক সদস্ত প্রত্যক্ষ ও পরোক্ষভাবে এই পুত্তকগুলি রচনায় অংশগ্রহণ করিয়াছেন। প্রত্যেক প্রক রচনার ভার নিভিন্ন লেখক-গোম্ভীর উপর ছন্ত ছিল। মূল ও প্রাথমিক রচনা এই বিভিন্ন গোম্ভী কর্তৃক বিশেষভাবে আলোচিত হন্ত্র। এইজাতীম আলোচনার পরিপ্রেক্ষিতে মূল রচনাগুলির পরিবর্তন ও পরিবর্জন করা হইয়াছে।

পুত্তকগুলি রচনায় অংশগ্রহণ করিয়াছেন শ্রীসতোজনাথ গিরি, শ্রীবিভাগ গুহ, শ্রীসমীর বন্ধ, শ্রীপরিতোষ বন্ধ, শ্রীবন্ধণ বন্ধোপাধ্যায়, শ্রীমপনকুমার চট্টোপাধ্যায়, শ্রীশামলকুমার চট্টোপাধ্যায়, শ্রীবিমলেন্দু দাস, শ্রীস্থচিজাবিমল ঘোষ, শ্রীমতী ভারতী ব্যানাজী, শ্রীমতা শ্রামলী মুখোপাধ্যায়, শ্রীমতা ঝর্ণা দন্ত, শ্রীমতী স্বপ্না দন্ত, শ্রীপ্রাণবল্পত সাহা, শ্রীখানোয়াফল হক, শ্রীমধুসুদন ভট্টাচার্য, শ্রীমতী বেলা ঘোষ ও শ্রীমতা অককতা ব্যানাজী। ই হাদের অক্লান্ত, নিরলস, নিরবিচ্ছির ও স'ক্রয় প্রচেইরার ফলেই এত অল্প সমন্ত্রে এই পুত্তকগুলি প্রকাশ করা সন্তব হইয়াছে। এইজন্ত ই হারা সকলেই বিশেষভাবে আমাদের সংখ্যুর

সম্পাদকমগুলীর সদস্তরূপে ডক্টর দিলীপকুষার সিন্হা (যাদবপুর বিশ্ব-বিজ্ঞালয়), ডক্টর বারেশ্বর রায়চৌধুরী (বালীগঞ্জ গভর্নমেন্ট স্কুল), ডক্টর আমিয়ভূষণ রায় (যাদবপুর বিশ্ববিদ্ধালয়) ও শ্রীমতী উমা কুশারী (বিভাভারতী, লিউ আলিপুর) শনেক অনুল্য সময় নই করিয়া আমাদের সংস্থাকে কৃতজ্ঞতাপাশে আবদ্ধ করিয়াছেন। আমাদের প্রকাশক ও তাঁহাদের ক্যার্ন্দকে এই সুযোগে শস্তবাদ জ্ঞাপন করিতেছি, কারণ এই কর্মযুক্তে তাঁহাদের অবদান অনেক।

পরিশেষে, আমাদের সংস্থা আশা করে, দমগ্র শিক্ষকদমাজ ও ছাত্রসমাভে এই পুত্তকগুলি সনাদৃত হটবে। পুত্তকের সমৃদ্ধি ও উৎকর্ষের অন্ত কোন প্রকার উপদেশ বা বক্তব্য আমরা সাদরে গ্রহণ করিব। ইতি

25, ফার্ণ রোড, কলিকাতা-29 30 জন্মারী, 1974

নাধারণ সচিব এ. আই. এব. টি. A. I. M. T. (Calcutta)

SYLLABUS IN GEOMETRY

For Class VI

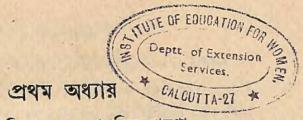
The aim of teaching Geometry at this stage is to make the pupils gradually familiar with geometrical properties informally through activity.

- 1. (i) Idea of solid and plane figures through models and common objects.
- (ii) To illustrate undefined terms such as point, line, plane by common objects—relations between these terms (elucidated below):—
- (1) Through one point, we can draw as many lines as we please. (2) Through two points, we can draw one and only one straight line. (3) Three or more points may colline or not. (4) Two lines in a plane may intersect at a point or not. When they do not intersect, they are parallel. (5) Three or more lines may be concurrent or not. (6) A line may intersect a plane at a point or not. (7) If two points of a line lie on a plane, the line lies wholly on the plane. (8) Two planes may intersect in a line or not.
- (iii) Construction of paper models of Rectangular Parallelopiped, Cube, Tetrahedron. Relations between their vertices, faces and edges.
 - (iv) Idea of segment, angle.
- 2. (i), Simple idea of reflection by paper folding—its properties (elucidated below):—
- There is one (and only one) image for every point.
 The image distance is equal to object distance.
 If P₁ be image of P, then P is the image of P₁.
 All points on one side of the line of reflection will
- (4) All points on one side of the line of reflection will have images on the other side. (5) The line of joining a point and its image is fixed but not all the points.

- (6) All points on the line of reflection are fixed. (7) The image of a line is a line. (8) The image of a line segment is congruent to the line segment. (9) The image of an angle is congruent to the angle but the orientation is reversed. (10) The images of collinear points will also be collinear. (11) If a point C is between two points A & B, then C', the image of C is between A' & B', the images of A & B.
- (ii) Idea of symmetry in geometrical figures like isosceles triangle, rectangle, circle etc.
 - 3. Use of geometrical instruments.
 - 4. Angle measure by a Protractor.
 - 5. Constructions:
- (i) Circle, Arc of a circle with a given centre and given radius.
 - (ii) Bisect a line segment.
 - (iii) Bisect an angle.
- (iv) Draw a perpendicular on a straight line (a) from a point outside it, (b) at a given point on it.

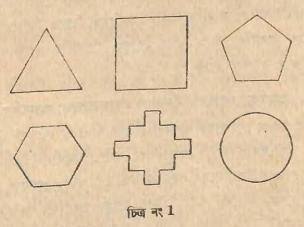
স্চীপত্ৰ

| প্রথম | অধ্যায় | | | | |
|----------------|---------------------------------------|------|-------|--|--|
| | জ্যামিতিক চিত্র সম্বন্ধে প্রাথমিক ধার | मा | | | |
| 1. | ঘনবস্তু, সমতল, বক্রতল, সামতলিক আহৃতি | | 2-10 | | |
| 2. | বিন্দু, রেখা | | 1120 | | |
| 3. | আয়ত্বন, ঘনক ও চতুস্তলকের মডেল | তৈরী | 20—22 | | |
| 4. | রেখাংশ, কোণ | | 22—23 | | |
| 5. | শীর্ষবিন্দু, বাহু, পার্শ্বতল ••• | ••• | 23—24 | | |
| | | | | | |
| দিতীয় অধ্যায় | | | | | |
| | জ্যামিতিক যন্ত্ৰপাতি | | | | |
| 6. | জ্যামিতিতে ব্যবহৃত যন্ত্ৰপাতি | 0+0 | 26—38 | | |
| | | | | | |
| তৃতীয় অধ্যায় | | | | | |
| | প্রতিফলন, প্রতিসাম্য | | | | |
| 7. | প্রতিফলন ••• | | 39—48 | | |
| 8. | প্রতিসাম্য ••• | • • | 48—54 | | |
| | | | | | |
| চতুর্থ অধ্যায় | | | | | |
| 9. | অঙ্কন •••• | 919 | 5659 | | |



জ্যামিতির চিত্র সম্বন্ধে প্রাথমিক ধারণা

বিশাল গণিতশান্ত্রের একটি শাখার নাম 'জ্যামিতি'। 'জ্যা' অর্ধে পৃথিবী বা ভূমি বা জমি এবং 'মিতি' অর্থে পরিমাপ বুঝায়, স্তরাং 'জ্যামিতি' শব্দটির অর্থ দাড়ায় ভূমির পরিমাপ। প্রাচীন কালে যেদিন থেকে মান্ত্র্য জমি মাপতে শুরু করে, বলতে গেলে সেদিন থেকেই জ্যামিতির ব্যবহার শুরু। এই শান্ত্রের উদ্ভব প্রথম ভারত ও মিশরে হয়। কিন্তু গ্রীস দেশে এর ব্যাপক চর্চার ফলে জ্যামিতি শাস্ত্র বর্তমান রূপ নেয়। প্রাচীন ভারতে যজ্ঞের অগ্নিকুণ্ড জ্বালাতে প্রিত্ত শ্থান বেছে নেওয়া হত। এই পরিত্র স্থানসমূহ নিম্নে অন্ধিত বিভিন্ন সুষ্ম আকৃতির অনুরূপ ছিল।



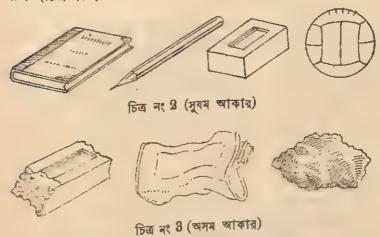
এই সৰ আকারের চিত্রসমূহ বিশেষ কতকগুলি নিয়ম মেনে তৈরী করা হত। এই নিয়মগুলি 'শুৰুস্ত্র' নামে পরিচিত।

প্রাচীন মিশরে জমির সীমানা পরিমাপ থেকেই জ্যামিতি চর্চার উদ্ভব। চীনদেশেও জ্যামিতি চর্চা ভারতের মতই স্থপ্রাচীন। ভারত, মিশর, চীন প্রভৃতি দেশে জ্যামিতির বিভিন্ন স্থতের উদ্ভব হলেও, স্ত্রগুলির পারম্পর্য বজায় রেখে স্তুসংহত রূপ দিতে অগ্রণী হয়েছিলেন গ্রীক পণ্ডিতেরা। এই প্রসঙ্গে নাম করতে হয় গ্রীক পণ্ডিত থেল্ম (খৃঃ পৃঃ ৬২৪-৫৪৭), পীথাগোরাস (খৃঃ পৃঃ ৫৪৮-৪৯৫), প্লেটো, (খৃঃ পৃঃ ৪২৯-৩৪৮), ইউ্ডস্কাস (খৃঃ পৃঃ ৪০৮-৩৫৫)। এঁদের পরবর্তী কালে গ্রীক গণিতবিদ্ ইউক্লিডের (খুঃ পূ: ৩৩৪-২৮০ १) নাম বিশেষ উল্লেখযোগ্য। ইউক্লিড প্রথম জ্যামিতি বিষয়ক কয়েকটি প্রামাণ্য গ্রন্থ রচনা করেন। তাঁর এই বক্তব্যগুলিই ইউক্লিডের জ্যামিতি নামে পৃথিবীর সব দেশে পরিচিত। ইউক্লিডের জ্যামিতি ছাড়াও অন্যান্য গণিতজ্ঞদের চর্চা ও নৈপুণ্যে বর্তমানে জ্যামিতি শাস্ত্রের ব্যাপক প্রসার ঘটেছে। জমির পরিমাপ থেকে জ্যামিতির উদ্ভব হলেও বাড়ীঘরের নক্সা তৈরী করতে, মানচিত্র অঙ্কনে, কারিগরী বিভার বিভিন্ন শাখায়, বিজ্ঞানের নানাবিধ কাজে এবং মহাশৃত্য গবেষণার কাজে জ্যামিতি ব্যাপকভাবে ব্যবহৃত হচ্ছে।

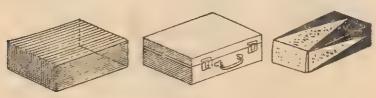
1. ঘনবস্তু, সমতল, বক্রতল, সামতলিক আরুতি

I. ঘনবস্তঃ আমরা চারপাশে নানা আকার, আকৃতি ও নানা গঠনের বস্তু দেখতে পাই। যেমন—ঘর, বাড়ী, গাছপালা, এক টুকরো কয়লা, ভাঙ্গা ইটের টুকরো, ছেঁড়া কাগজ, বই, খাতা, পেন্সিল, চেয়ার, টেবিল, বেঞ্চ, ক্রিকেট বল, ফুটবল, বেলুন, জল, ধোঁয়া ইত্যাদি। তোমরা লক্ষ্য কর, এইসব বিভিন্ন বস্তু কিছু না কিছু জায়গা জুড়ে আছে। এই সব বস্তুকে আমরা ঘনবস্তু বলি। ঘনবস্তুর মধ্যে আমরা কঠিন বস্তুর আকার সহত্ত্বে আলোচনা করব।

উল্লিখিত ঘনবস্ত্তগুলির মধ্যে কতকগুলির আকার সামঞ্চস্পূর্ণ, যেমন—বই, খাতা, পেন্সিল, আন্ত ইট, ফুটবল। সামঞ্চস্তপূর্ণ আকারকে আমরা স্থম আকার বলি (চিত্র নং 2)। কিন্তু কয়লার টুকরো, ভাঙ্গা ইটের টুকরো, ছেঁড়া কাগজ, তোবড়ানো টিনের বাক্স প্রভৃতির আকার সামঞ্জস্যহীন। এই রকম সামঞ্জস্যহীন আকারকে অসম আকার বলি (চিত্র নং 3)।



অনেকগুলি বিভিন্ন আকারের বস্তু দেখলে কোনটা কোন রক্ষ দেখতে তা বলতে পারব । যেমন ঘর, আস্ত ইট, বই, বাক্স ইত্যাদির আকার এক ধরনের । এই আকৃতিকে আয়তঘন বলি । নীচে কতগুলি আয়তঘন আকারবিশিষ্ট বস্তুর চিত্র দেওয়া আছে দেখ (চিত্র নং 4)।



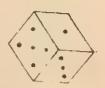
চিত্ৰ নং 4

জ্যামিতি-প্রবেশ

নীচের চিত্রগুলি দেশ, এই ধরনের আকারকে ঘনক বলি (চিত্র নং 5) ।







চিত্ৰ নং 5



শ্লোব, ফুটবল,মার্বেল ইত্যাদি একই ধরনের আকারবিশিষ্ট, এই ধরনের আকারের নাম গোলক। লক্ষ্য কর, নাচের চিত্রে দেখানো প্রত্যেকটি বস্তু গোলক আকার (চিত্র নং 6)।

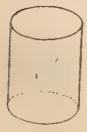






চিত্ৰ নং 6

কোন কোন ঘনবস্থার আকার-আকৃতি নল বা স্তস্থের মত। যেমন জলের পাইপ, ড্রাম, পেন্সিল, বাড়ীর থাম ইড্যাদি। এই ধরনের আকৃতির নাম চোঙ বা বেলন। নীচের চিত্রে ক্তকগুলি চোঙ আকৃতি বস্তুর চিত্র দেওয়া আছে, দেখ (চিত্র নং 7)।





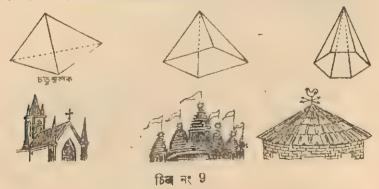


চিত্ৰ নং 7

নীচের চিত্রে শস্কু লেখা আকৃতিটি দেখ । পেন্সিল কটা হলে সামনের কাটা অংশটি ঐ শক্ষু আকৃতির মন্ত হয়। অনেক মন্দিরের চূড়া, গীর্জার চূড়া, বরের টোপর ইত্যাদি এই ধরনের আকৃতি বিশিষ্ট (চিত্র নং ৪)।

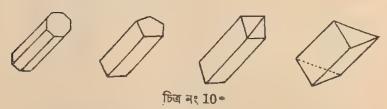


ভোমরা ছবিতে মিশরের পিরামিড দেশে থাকবে। অনেক মন্দির বা গীর্জার চূড়া, কাঁচফলক, পাথর ইভ্যাদি এই ধরনের দেখতে হয়। নীচে বিভিন্ন পিরামিডের ছবি দেখান হয়েছে (চিত্র বং 9)। লক্ষ্য কর, প্রথম পিরামিডের আকৃতিটি একট্ট বিশেষ ধরনের। এই ধরনের আকৃতিবিশিষ্ট পিরামিডের নাম চতুস্তলক।



চিত্র নং 10-এ অন্ধিড ঘনবস্তুর আকারের নাম প্রিক্তম। বিভিন্ন

ধরনের কাঁচফলক, পাথর, কাঁচের বা প্লাস্টিকের বিভিন্ন খেলনা, ঘরের পাম এই ধরনের দেখতে হয়।



II. ভল ঃ সমতল ও বক্তভল

বস্তার বাইরের আবরণকে তল বলি। যেমন—ঘরের মেঝে, দেওয়ালের পৃষ্ঠ, বইয়ের পৃষ্ঠা, পুকুর বা নদী বা সমুদ্রের জলের পৃষ্ঠভাগ, বিভিন্ন আকৃতির জমির ফালি, বলের বা ডিমের উপরিভাগ, ইত্যাদি ডলের উদাহরণ (চিত্র নং 11)।

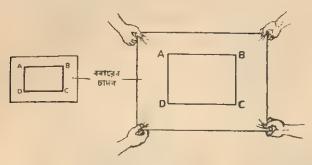


চিত্ৰ নং 11

ত্ব'ধরনের তলের কথা আমরা বলি : সমতল ও বক্ততল।

ঘরের মেঝে, দেওয়ালের পৃষ্ঠ, বইয়ের পৃষ্ঠা, পুকুরের স্থির জলের
পৃষ্ঠভাগ ইত্যাদি সমতলের উদাহরণ। বলের বা ডিমের উপরিভাগ,
কড়াইয়ের উপরিভাগ, মার্বেলের উপরিভাগ, তেউ-খেলানো টিনের
ছ'পিঠ ইত্যাদি বক্ততলের উদাহরণ।

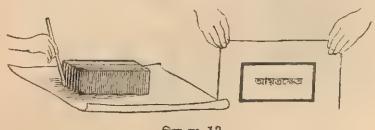
সমতলকে চতুর্দিকে বিস্থৃত করলে সমতলই পাওয়া যায় ঃ এক শণু রবারের চাদরকে সব দিক থেকে সমানভাবে টেনে চাদরের আকার বাড়ালে লক্ষ্য করবে যে ঐ অবস্থাতেও চাদরটা একটি সমতলই সৃষ্টি করেছে। তেমনি ঘরের সমতল মেঝেকে আকারে বাড়ালে সমতল মেঝেই পাওয়া যাবে (চিত্র নং 12)।



চিত্ৰ নং 12

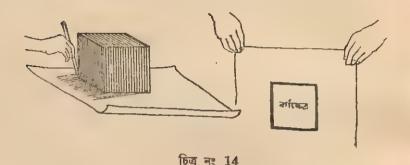
III. সামতলিক বিভিন্ন আকৃতি ঃ

(i) কাগজের উপর কোন একটা আয়তঘন বসাও। এবার পেন্সিল দিয়ে কাগজের উপর আয়তঘনের ধার বরাবর (13 নং চিত্রে যেমন দেখান হয়েছে) ছবি আঁক, দেখবে কাগজের সমতলের উপর একটা আকৃতি পাওয়া যাচেছ। এই আকৃতির নাম আয়তক্ষেত্র।



চিত্র শং 13

(ii) ঘনক আকৃতির একটা কঠিন বস্তু কাগজের উপর বসাও। ঠিক আগের মত পেন্সিলের সাহায্যে কাগজের উপর ঘনকের যে কোন একটা পিঠের ছবি আঁক (চিত্র নং 14)। কাগজের সমতলে যে আকৃতি পেলে তার নাম বর্গক্ষেত্র।



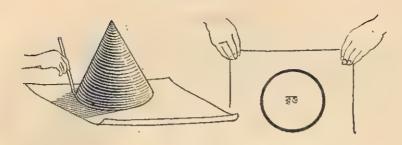
(iii) কোন একটা চতুন্তলক আকৃতির কঠিন বস্তুকে সাদা কাগজের উপর বসিয়ে আগের মত পেন্সিলের সাহায্যে আঁকার পর কাগজের সমতলে যে আকৃতি পাবে সেই আকৃতির নাম ত্রিভুঞ্চ (চিত্র

नः 15)।



চিত্ৰ नং 15

(iv) কাগজের উপর শঙ্কু বা চোঙ আকৃতির বস্তু, খাড়াভাবে . বসাও। ঠিক আগের মত পেন্সিলের সাহায্যে কাগজের ওপর ছবি আঁকলে যে আকৃতি পাওয়া যাবে সেই আকৃতির নাম বৃস্তু (চিত্র নং 16)।



চিত্ৰ নং 16

(v) নীচের চিত্রগুলি লক্ষ্য কর:



চিত্ৰ নং 17

17 নং চিত্রে P, Q, T আকৃতি হলো বর্গক্ষেব্রের আকৃতি। R, S আকৃতি হলো আয়তক্ষেত্রের আকৃতি।

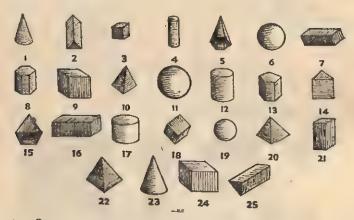


চিত্ৰ নং 18

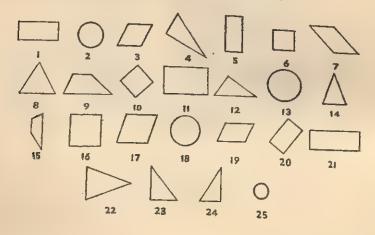
18 নং চিত্রে x, y, z, U আকৃতির নাম সামান্তরিক। x, y আকৃতির নাম রম্বস। v, w আকৃতির নাম ট্রাপিজিয়াম। I. G.—2

ञ्जूनीननी 1.

1. নীচে কতকগুলি আক্বতির চিত্র দেওয়া আছে। ঐ আক্বতিগুলিকে আয়তঘন, ঘনক, গোলক, বেলন, শঙ্কু, পিরানিড এবং প্রিজম্ এই সাতটি দলে ভাগ করলে কোনটি কোন দলে যাবে ?



2. নীচে কতকণ্ডলি সামতলিক বিভিন্ন আঞ্চিত্র চিত্র দেওয়া আছে। প্রদের যদি আয়তক্ষেত্র, ত্রিভূজ, সামাস্তরিক, ট্রাপিজিয়াম, রছস এবং বৃষ্ণ এই চুয়টি দলে ভাগ করা হয় তবে কোনটি কোন দলে যাবে ?



- 2. বিন্দু, রেখা
- বিন্দুঃ বিন্দু শব্দটি তোমরা অনেকেই শুনে থাকবে;

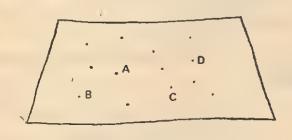
 যেমন জলবিন্দু, রাত্রের পরিষ্কার আকাশে অতি ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র অসংখ্য

 আলোকবিন্দু। ক্ষুদ্র ক্ষুদ্র বিন্দুকে কাগজের ওপর তোমরা কি করে

 আঁকবে? একটা কাগজের উপর পেন্সিলের স্চ্যগ্র সীস দিয়ে যত

 ছোট পার একটি ফুটকি বসাও। জ্যামিতিতে এই স্ক্র ফুটকিকে

 বিন্দু বলি (চিত্র নং 19)।



চিত্ৰ নং 19

একখণ্ড কাগজের উপর পেন্সিল দিয়ে এইরকম অসংখ্য বিন্দৃ বসাতে পারি, কিংবা কালো বোর্ডের উপর চক দিয়েও বিন্দৃ বসাতে পারি। বিন্দৃত্তির পাশে একটি অক্ষর বসিয়ে আমরা বিন্দৃর নাম দিই। 19 নং চিত্রে দেখ অক্ষর A, B, C, D ইত্যাদি দারা কভক-গুলি বিন্দৃকে চিহ্নিত করা হয়েছে।

II. রেখা ঃ একটা কাগজ ভাঁজ কর ; যে দাগ পড়লো সেটিকে আমরা রেখা বলব। ঘরের ছটো দেওয়াল মিলে দেখ ঐ রকম একটা রেখার স্বষ্টি করে। তেমনি টেবিল কিংবা বাজের ধারও রেখার উদাহরণ (চিত্র নং 20)।

eptt, of Extension

Services.

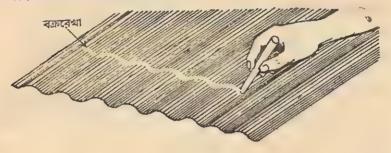


চিত্ৰ নং 20

খাতার কাগজের উপর একটা 'রুলার' রাখো (রুলার সম্বন্ধে দিতীয় অধ্যায়ে জানবে)। বাঁ হাত দিয়ে রুলারটি চেপে ধর (চিত্র নং 21)। রুলারের ধার ঘেঁসে সমানভাবে চাপ দিয়ে যত স্ক্র্মা করে সম্ভব পেন্সিলের স্ট্যগ্র সীস টেনে যাও। দেখবে, একটি রেখার ছবি আঁকা হয়েছে। মনে রেখ, রেখাকে উভয়দিকে যতদূর ইচ্ছে বর্ধিত করা যায়।

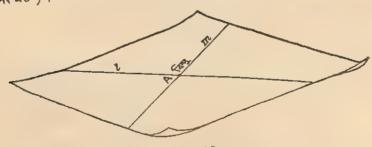


আমরা রেখাকে ইংরেজীর ছোট হাতের বর্ণমালা দিয়ে চিহ্নিত করব। উপরে যে রেখার কথা বলা হ'ল তার আর এক নাম সরল-রেখা। আমরা কিন্তু রেখা বলতে সাধারণভাবে সরলরেখা বুঝবো। সরলরেখা ছাড়াও আর এক ধরনের রেখা আছে। তার নাম বক্রেখা। বক্ররেখা : — তেউ-খেলানো টিন 'তোমরা অনেকেই দেখেছ।
টিনের উপর চক দিয়ে দাগ টেনে যাও (চিত্র নং 22)। বুঝতেই
পারছ যে এটা রেখা (সরলরেখা) নয়। এর নাম বক্ররেখা।



চিত্ৰ নং 22

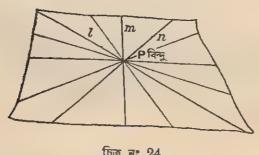
III. রেখা ও বিন্দুঃ একটি কাগজ ভাঁজ করে একটা পুক্ষ রেখা তৈরী কর। এবার কাগজটিকে এমনভাবে ভাঁজ কর যেন দিতীয় ভাঁজ বরাবর রেখাটি আগের রেখাটিকে ছেদ করে, এই ছুটো রেখা ।, m যেখানে ছেদ করল সেখানে একটা বিন্দু A উৎপন্ন হল (চিত্র নং 23)।



हिख नং 23

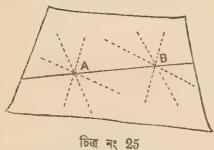
IV. বিন্দু, রেখা ও সমতলের মধ্যে সম্পর্ক ঃ (i) কাগজের উপর গেন্সিল দিয়ে একটি ৮ বিন্দু বসাও (চিত্র নং 24)। এইবার

কাগন্ধটিকে বিভিন্নভাবে এমন করে ভাঁন্ধ কর যাতে প্রত্যেকটি ভাঁন্ধ ঐ বিন্দু দিয়ে অতিক্রম করে। তোমরা দেখবে উৎপন্ন রেখাগুলো সব P বিন্দুগামী। একটি বিন্দুগামী ইচ্ছেমন্ত বছসংখ্যক রেখা টানা যেতে পারে।



চিত্ৰ নং 24

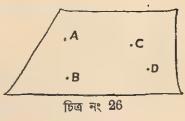
(ii) কাগজের উপর হটি বিন্দু A এবং B বসাও (চিত্র নং 25)। এমনভাবে কাগজটিকে ভাঁজ কর যাতে ভাঁজ বরাবর রেখা A এবং ৪ বিন্দুগামী হয়। এইবার লক্ষ্য কর, কাগজটিকে বিভিন্নভাবে ভাঁজ করে একই ভাঁজ বরাবর A এবং B বিন্দু ছটো পাওয়া যাচ্ছে না। যদি পাওয়া যায়, দেখবে এই ভাঁজই সেই প্রথম ভাঁজ।



রুলারের সাহায্যেও ঐ ছটি বিন্দু দিয়ে একটির বেশী রেখা টানা যাচ্ছে না। আমরা বলতে পারি:

ছুটি বিন্দু দিয়ে একটি এবং কেবল একটি রেখা টানা যায়।

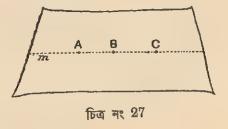
(iii) কাগজের উপর তিন বা তিনের অধিক A, B, C, D, তেওঁ বিন্দু নাও। বিন্দুগুলির অবস্থান যদি চিত্র নং 26 অহুসারে হয় তবে কাগজ ভাঁজ করে কখনো



এইগুলিকে একত্রে একই রেখা বরাবর পাওয়া সম্ভব হবে না। কিন্তু

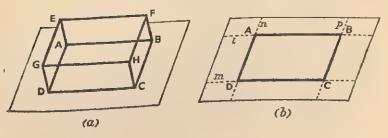
A, B, C, ···বিন্দুগুলির অবস্থান এমনও হতে পারে যে তারা

সকলে একই রেখার উপর
আছে (চিত্র নং 27)। তিন
বা ততোধিক বিন্দু একই
রেখার উপর অবস্থিত হলে
বিন্দুগুলিকে সমরেখ বলি।
আমরা দেখলামঃ তিন বা



ততোধিক বিন্দু সমরেখ হতে পারে বা নাও হতে পারে।

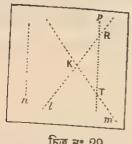
(iv) একটি কাগজের উপর একটা আয়তঘন বসাও। তার যেকোন একটা তল ABCD (চিত্র নং 28) এঁকে নাও। এখন কাগজটা AB এবং CD বরাবর ভাঁজ করলে দেখবে l এবং m রেখা ছটি



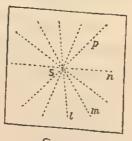
চিত্ৰ নং 28

পরম্পর ছেদ করছে না। তেমনি AD এবং BC বরাবর n এবং p রেখাহাটিও পরস্পর ছেদ করছে না। এখানে l এবং m রেখাকে পরস্পর সমান্তরাল রেখা বলি। তেমনি n এবং p রেখাকে পরস্পর সমান্তরাল রেখা বলি । আমরা $l \parallel m$ দারা বুঝব l এবং m পরস্পর সমান্তরাল। আবার দেখছি, একই সমতলে অবস্থিত मत्नाद्वर्थाष्ट्र l ও n वा m ও n वा l ও p वा m ও p द्वर्थाश्वनि যথাক্রমে A, D, B, C বিন্দুতে পরস্পর ছেদ করছে। তাইলে আমরা বলতে পারি, কোন সমতলে হুটি রেখা পরস্পর ছেদ করতেও পারে বা ছেদ নাও করতে পারে; যখন একই সমতলে অবস্থিত রেখা দুটি পরস্পর ছেদ করে না তখন রেখা গুটিকে সমান্তরাল রেখা বলি।

(v) সাদা কাগজের উপর তিন বা ততোধিক রেখা l, m, n, p,নাও (চিত্র নং 29)। দেখ l, m, p রেখা তিনটি বিভিন্ন বিন্দুতে ছেদ করেছে। আবার n রেখা l এবং m রেখাকে ছেদ করতে পারলেও p রেখাকে ছেদ করত না।



চিত্ৰ নং 29



চিত্ৰ নং 30

কিন্তু যদি l, m, n, p, \cdots রেখাগুলিকে কাগজের উপর এমনভাবে নাও যাতে তারা সবাই s বিন্দুগামী (চিত্র নং 30) হয়, তবে আমরা বলতে পারব যে তিন বা ততোধিক রেখা একই বিন্দুতে ছেদ করেছে। এই রেখাগুলিকে সমবিন্দু বলি। স্থতরাং দেখা গেল: ভিন বা ততোধিক রেখা সমবিন্দু নাও হতে পারে বা সমবিন্দু হতেও পারে।

(vi) একটা কাগজের পাতা নাও এবং একটা যত সরু সম্ভব কাঠি নাও। কাঠিটা যদি কাগজের দিকে ক্রমশঃ এগিয়ে নিয়ে আসা হয় তবে দেখ কাঠিটা কাগজের তলকে একটি বিন্দৃতে ছিদ্র করেছে (চিত্ৰ নং 31 (a) ও (b))।

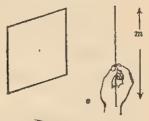


চিত্ৰ নং 31 (a)

চিত্ৰ নং 31 (b)

যদি কাঠিটা চিত্র নং 32 অনুসারে ধরে এগিয়ে নেওয়া হয় তবে দেখব আগের মত কোন ছেদবিন্দু পাওয়া সম্ভব নয়। এবার তাহল

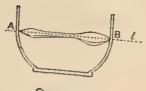
চিত্র নং 31 (b) থেকে বলতে পারি lরেখা কাগজের সমতলকে A বিন্দুতে ছেদ করেছে, আর চিত্র নং 32 থেকে বলতে পারি m রেখা কাগজের সমতলকে ছেদ করেনি। স্কুতরাং জানা গেল: কোন একটি রেখা কোন



চিত্ৰ নং 32

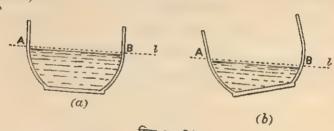
সমতলকে একটি বিন্দুতে ছেদ করতেও পারে বা ছেদ নাও করতে পারে।

(vii) একটা কাঁচের স্বচ্ছ বাটির মধ্যে একটা চামচ রাখা হয়েছে (চিত্র নং 33)। দেখ, চামচের ছুই প্রাস্ত А এবং в বাটির বক্ত-তলের উপর আছে। এখন A ও Bকে বিন্দু মনে করা যেতে পারে এক A ও B-গামী রেখা l ভাবতে পারি। দেখ, A ও B বিন্দুগামী l রেখা ঐ বক্রতলের উপর নেই।



िंख नः 33

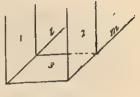
এবারে A এবং B বিন্দু তৃটি কোন রঙীন পেন্সিল দিয়ে চিহ্নিত করে চামচটা তুলে নিয়ে জল ঢাল। এমনভাবে জল ঢাল যেন জলের পৃষ্ঠতলটা A এবং B স্পর্শ করে (যদি স্পর্শ না করে তবে বাটিটিকে কাত করে ধরে ঠিকমত কর)। সুতরাং ৈরেখার A এবং



চিত্ৰ নং 34

ন্ত বিন্দু ছটি জলপৃষ্ঠের তলের উপর আছে বলতে পারি (চিত্র নং 34)। AB বরাবর । রেখাও জলপৃষ্ঠের সমতলে আছে। যদি জলপৃষ্ঠের তলকে বর্ধিত করি ভবে । রেখাও পুরোপুরিভাবে এই সমতলে থাকবে। আমরা বলতে পারি ঃ একটি রেখার ছটি বিন্দু মে , সমতলে অবস্থিত, রেখাটিও সমগ্ররূপে সেই সমতলে অবস্থান করে।

(viii) চিত্র নং 35 দেখ; এতে একটি ঘরের বিপরীত ছটি দেওয়াল 1 এবং 2 আর মেঝে 3 দেখান হয়েছে। দেওয়াল 1 এবং 2কে যেদিকে খুশী বাড়ান যাক না কেন তারা কোন সময়েই মিলিত হবে না। কিন্তু দেখ, দেওয়াল 1 ও মেঝে 3 । রেখা বরাবর এবং দেওয়াল 2 ও মেঝে 3 m রেখা রবাবর ছেদ করেছে। স্থতরাং আমরা বলতে পারিঃ



চিত্ৰ নং 35

ছুটি সমতল একটি রেখায় ছেদ করতে পারে বা নাও পারে। যদি তুটি সমতল কখনো পরস্পর ছেদ না করে ভবে সমতল ত্টিকে পরস্পর সমান্তরাল বলি। এখানে সমতল 1 এবং 2 পরস্পর সমান্তরাল।

ज्युगीमनी 2.

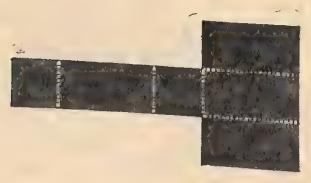
- সমরের নয় এমন তিনটি বিশ্ব P, Q, R কাগজের উপর বসাও। ভাঁজের সাহায্যে P, Q বিন্দুগামী, Q, R বিন্দুগামী এবং R, P বিন্দুগামী ্রেখা তিনটি নির্ণয় কর।
- 2. সমরেশ নয় এমন তিনটি বিশ্ব A, B, C নাও। ওদের মধ্যে যে কোন স্বৃটি বিন্দু সংযোগ করে মোট ক'টি বিভিন্ন রেখা টানা যায় ভা এ কৈ দেখাও।
- 3. একটা কাগজের উপর P বিন্দু নাও; P বিন্দুর মধ্য দিয়ে বিভিন্ন-ভাবে ভাজ করে কটি রেখা গাওয়া সম্ভব ় এই সমস্ত রেখাগুলিকে কি বলি ়
- 4. সাদা কাগজের উপর একটি রেখা টান, নাম দাও l; ঐ l রেখার উপর পেন্সিল দিয়ে A, B, C, D, E, পাঁচটি বিন্দু বসাও। এই বিন্তুলিকে कि विन १
 - 5. চিত্রে যেমন দেখানো হরেছে তেমনভাবে A, B, C, D চারটি বিন্দু নাও। ওদের বোগ করে ' .A | .B ... যুক্তগুলি বিভিন্ন রেখা পাওয়া যায় তা আঁক।
 - 0

- 6. তোমার চারপাশের পরিচিত দৃশ্যবস্তু থেকে সমতল, রেখা, বিন্দু— প্রত্যেকের তিনটি করে উদাহরণ দাও।
- 7. ফলার দিয়ে চারটি রেখা টান। এই রেখা চারটি এমনভাবে টানবে যেন (বেখানে সম্ভব):
 - (i) সব রেখাগুলি 1টি বিন্দুতে ছেদ করে।
 - (ii) সব রেখাগুলি 2টি বিন্দুতে ছেদ করে।
 - (iii) সব রেখাগুলি 3টি বিন্দুতে ছেদ করে।

3. আয়তঘন, ঘনক ও চতুস্তলকের মডেল তৈরী

আয়ত্বন, ঘনক ও চতুস্তলক সম্বন্ধে ধারণা তোমাদের আগে হয়েছে। কি করে এদের মডেল তৈরী করতে হয় আমরা এখন তাই আলোচনা করব।

আরভঘন ঃ শক্ত কাগজের উপর নীচের চিত্রের (চিত্র নং 36)
 মত চিত্র আঁক, ট্রেস করেও আঁকতে পার। কেটে চিত্রটি বের করে



চিত্ৰ নং 36

নাও। এবার ফুটকি নির্দেশিত রেখা বরাবর কাগজটি ভাঁজ কর। চিত্র নং 37-এর মত সরু টুকরো কাগজে আঠা লাগিয়ে ধারগুলি এঁটে দাও।

এবার নিজে অন্য কাগজে বিভিন্ন মাপের অন্তভঃ তিনটি আয়তঘনের মডেল কৈবী কর।



চিত্ৰ নং 37

II. ঘনকঃ চিত্র নং 38-এর মত একটি চিত্র শক্ত কাগজের উপর
এঁকে নাও, ট্রেস করেও নিতে পার। কেটে চিত্রটি বের করে নাও।
এবার ফুটকি নির্দেশিত রেখা বরাবর ভাঁজ কর। চিত্র নং 39-এর মত
সরু কাগজে আঠা লাগিয়ে ধারগুলি এঁটে দাও। অন্য কাগজে বিভিন্ন
মাপের অন্ততঃ তিনটে ঘনকের মডেল তৈরী কর।



हिंख नः 38



চিত্ৰ নং 39

III চতুস্তলকঃ চিত্র নং 40-এর মত চিত্র শক্ত কাগজের উপর এঁকে নাও, ট্রেস করেও নিতে পার। কেটে চিত্রটিকে বের করে নাও। ফুটকি নির্দেশিত রেখা বরাবর ভাঁজ কর। চিত্র নং 41-এর মত সরু কাগজে আঠা লাগিয়ে ধারগুলি এঁটে দাও।

নিজে অন্য কাগজে বিভিন্ন মাপের তিনটে চতুস্তলকের মডেল তৈরী কর।



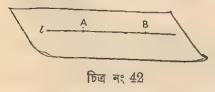


চিত্ৰ নং 41

अमूनीननी 3

তুমি যে তিনটি করে আয়ন্তঘন, ঘনক ও চতুম্বলক তৈরী করলে তাদের প্রত্যেকের প্রত্যেক পিঠ বা পাশকে ভিন্ন রঙ কর। প্রত্যেকের কটি করে পাশ এবং ধার হলো তা বল।

4. রেখাংশ, কোণ



 রেখাংশঃ থাতার কাগজে একটি রেখা টান। নাম দাও ।; এই রেখার উপর A এবং B হুইটি বিন্দু

বসাও। A ও B বিন্দু দ্বারা সীমাবদ্ধ অংশকে রেখাংশ বলি। ঐ সীমাবদ্ধ অংশকে AB দ্বারা চিহ্নিত করি (চিত্র নং 42)। অর্থাৎ A এবং B বিন্দুদ্বয়ের সংযোজক রেখাংশ AB দ্বারা চিহ্নিত করি। II. কোণঃ কাগজের উপর যে কোন একটা বিন্দু A নাও।

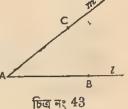
A বিন্দু থেকে। এবং m ছটি রেখা নির্গত হয়ে যে জ্যামিতিক চিত্র
উৎপন্ন করে তাকে কোণ বলি (চিত্র নং 43)। । রেখার উপর যে
কোন বিন্দু ৪ এবং m রেখার উপর যে
কোন বিন্দু ৫ নাও। এই কোণটিকে কোণ

কোন বিন্দু c নাও। এই কোণটিকে কোণ

BAC বা কোণ CAB বলি, অথবা এইভাবে

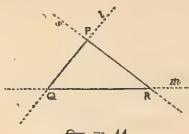
লিখি— ८BAC বা ८CAB; '८' চিহ্ন

দ্বারা কোণ কথাটি প্রকাশ করা হয়।



5. শীর্ষবিন্দু, বাহু, পার্যতল

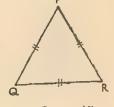
I. পাশের চিত্রটি দেখ
(চিত্র নং 44)। P, Q, R এই
তিনটি বিন্দু একই সরলরেখায়
অবস্থিত নয়। PQ, QR, RP
তিনটি রেখাংশ। এই তিনটি
রেখাংশ দ্বারা উৎপন্ন জ্যামিতিক



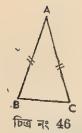
চিত্ৰ নং 44

চিত্রকে ত্রিভূজ বলি। ত্রিভূজকে '△' এই চিহ্ন দ্বারা প্রকাশ করি। যেমন △ PQR বলতে বুঝাব ত্রিভূজ PQR। P,Q,R বিন্দু তিনটিকে ▲ PQR·এর শীর্ষবিন্দু বলি। PQ, QR, RP এই রেখাংশ তিনটিকে

ত্রিভুজের বাছ বলি। চিত্র নং 45 দেখ।
কলারের সাহায্যে মাপলে দেখা যাবে △ PQRএর বাহু তিনটির (PQ, QR, RP) দৈর্ঘ্য সমান।
এই ধরনের ত্রিভুজকে সমবাছ ত্রিভুজ বলি।

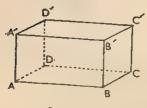


ठिख नः 45



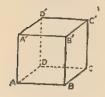
हिंख नः 46 तिथे। △ABC-এর AB এবং AC বাহুর দৈর্ঘ্য সমান এবং BC বাহুর দৈর্ঘ্য অসমান, এই ধরনের ত্রিভুজকে সম**দিবান্থ ত্রিভু**জ বলি।

II. আয়তঘন, ঘনক এবং চতুস্তলকের শীর্ষবিন্দু, ধার বা প্রান্তরেখা এবং পার্শ্বতলের মধ্যে সম্পর্ক ঃ

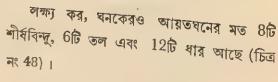


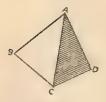
চিত্ৰ নং 47

আয়তঘনের A, B, C, D, A', B',C', D' এই আটটি শীৰ্ষবিন্দু আছে। AB, BC, CD, DA, AA', BB', CC', DD', A'B, B'c', c'd', d'A', এই বারটি প্রান্তরেখা আছে। ABCD, A'B'C'D', BCC'B', ·AA'D'D, ABB'A', CDD'C' এই ছয়টি পাৰ্যতল আছে (চিত্ৰ নং 47)।



চিত্ৰ নং 48





চিত্ৰ নং 49

লক্ষ্য কর, চতুস্তলকটির, চারটি শীর্ষবিন্দু যথাক্রমে A, B, C, D। এর ধারগুলো AB, AC, AD, BC, BD এবং CD; এর মোট ছ'টি ধার। এই চতুন্তলকের ত্রিভুজ আকৃতি তল চারটি হল ABC, ACD, ABD ও BCD (চিত্ৰ নং 49) ৷

অনুশীলনী 4

- 1. বিভিন্ন আকার ও আকৃতির হটে ত্রিভুজ আঁক।
- 2. খাতার পাতায় আয়তন, ঘনক এবং চতুত্তলক আঁক। ওদের প্রত্যেকর শীর্ষবিন্দ্র বিভিন্ন নাম দাও।
 - 3. নীচের ছকটি পুরণ কর:

| ঘন বস্ত | শীর্ষবিন্দুর সংখ্যা (No) | প্রান্তরেখার সংখ্যা (N ₁) | তলের সংখ্যা (N ₂) | No+N ₂ -N ₁ =? |
|----------|-----------------------------|--|----------------------------------|--------------------------------------|
| চতুন্তলক | | | | |
| আয়ত্বন | | | | , |
| ঘৰক | | | | |

উপরের ছক থেকে No, N₁ এবং N₃ এই তিনের মধ্যে যে সম্বন্ধ লক্ষ্য করলে তা ভাষায় বিশ্বত কর।



বিতীয় অধ্যায়

জ্যামিতিক যন্ত্রপাতি

- 6. জ্যামিতিতে ব্যবহৃত যন্ত্রপাতি আমরা বিভিন্ন জ্যামিতিক চিত্র অঙ্কন করতে নিম্নলিখিত যন্ত্রগুলো ব্যবহার করব।
- (i) রুলার বা স্কেল, (ii) কাঁটা-কম্পাস, (iii) চাঁদা বা কোণ মান্যস্ত্র, (iv) ত্রিকোণী, (v) পেন্সিল-কম্পাস। যন্ত্রগুলির ব্যবহার সম্বন্ধে আলোচনা করার আগে আমাদের অবশ্যই মনে রাখতে হবে, জ্যামিতিক চিত্র আঁকতে আমরা সব সময় পেন্সিল ব্যবহার করব। পেন্সিলটির সীস যেন খুব শক্ত বা নরম না হয় এবং সীসের অগ্রভাগ যতটা সম্ভব স্কুচাল হয়। পেন্সিলটি ব্যবহারের সময় মৃত্ অথচ সমানভাবে হাতের চাপ প্রয়োগ করতে হবে। কেননা জ্যামিতিক চিত্র আঁকতে বিন্দু, রেখা যতটা পারা যায় স্ক্ল করা দরকার।

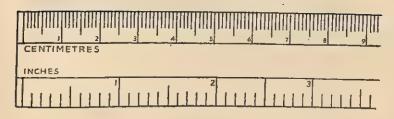
চিত্র নং 50 লক্ষ্য কর, কোনটি তুক্ষ হয়েছে দেখ।



চিত্ৰ নং 50

I. রুলার ও কাঁটা-কম্পাস ঃ

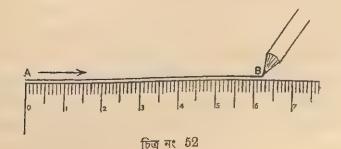
A. রুলার ঃ একটি রুলারের চিত্র দেওয়া আছে (চিত্র নং]51 দেখ)।
ঐ রুলারের ছই দিকে ধার বরাবর 1,2,3,4 · · · ইত্যাদি



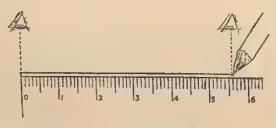
চিত্ৰ নং 51

লেখা থাকে। যে ধার বরাবর অপেক্ষাকৃত কাছাকাছি সংখ্যাগুলো বসানো আছে সেদিকটাকে সেন্টিমিটার স্কেল বলি। শুরু থেকে 1, বা 1 থেকে 2, বা 2 থেকে 3 ইত্যাদি প্রত্যেক ঘরের দূরত্ব 1 সেন্টিমিটার। আবার প্রত্যেক সেন্টিমিটার 10 ভাগ করে মিলিমিটারে ভাগ করা আছে। (রুলারের অপর ধারের মাপ সম্বন্ধে বর্তমানে আলোচনার প্রয়োজন নেই।)

সাধারণতঃ নিমূলিখিত ক্ষেত্রে রুলারের ব্যবহার করি:—
(i) ছটি বিন্দুর সংযোজক রেখাংশ আঁকতে, (ii) নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের রেখাংশ আঁকতে, এবং (iii) রেখাংশের দৈর্ঘ্য মাপতে।



(i) ছুটি বিন্দু সংযোজনে রুলারের ব্যবহার ই কাগজের উপর ছুটি বিন্দু A ও B বসাও। এবার রুলার বসিয়ে প্রথম বিন্দু থেকে দ্বিতীয় বিন্দু পর্যন্ত দাগ টানলে AB রেখাংশ অঙ্কিত হবে।



চিত্ৰ নং 53

(ii) নির্দিষ্ট দৈর্ঘ্যের রেখাংশ অঙ্কন ঃ

ধর, 5 সেটিমিটার 6 মিলিমিটার দৈর্ঘ্যের একটি রেখাংশ জাঁকতে হবে। কাগজের উপর রুলারটি বসিয়ে ঠিক সোজাস্থজিভাবে দেখে নিয়ে (চিত্র নং 53) যেখানে শৃত্য দাগ এবং 5 সে. মি. চি মি. দাগ আছে ঠিক সেইখানে রুলারের ধার ঘেঁষে তুটি বিন্দু বসিয়ে আগের মত বিন্দুত্টি সংযুক্ত করলে যে রেখাংশ পাবে সেইটির দৈর্ঘ্য 5 সে. মি. 6 মি. মি. বা 5 6 সে. মি. হবে।

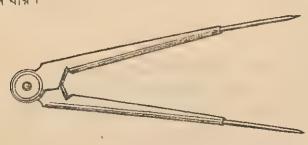
(iii) রেখাংশের দৈর্ঘ্য নির্বয়ঃ কাগজের উপর একটি রেখাংশ Pa আছে (চিত্র নং 54)। রুলারের সাহায্যে Pa-এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় করতে হবে। রুলারটির শূন্যদাগ যে কোন একটি প্রান্তবিন্দুর সঙ্গে ঠিক রেখে রুলারের কোন দাগ অপর প্রান্তের বিন্দুর ঠিক পাশে থাকছে দেখ। যে দাগের সাথে মিলবে, শূন্য দাগ থেকে ঐ দাগের যে দূর্ব্ব তাই হবে নির্ণেয় দৈর্ঘ্য। যদি কোন দাগের সঙ্গে না মেলে তথন দেখতে হবে বিতীয় বিন্দুটি রুলারের



চিত্ৰ নং 54

কত দাগ ছাড়িয়েছে এবং কোন্ দাগের কাছাকাছি। সেই ক্ষেত্রে চোখের আন্দাজে দৈর্ঘ্য নির্ণয় করতে হবে।

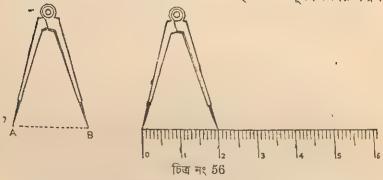
B. কাঁটা-কম্পাস ই কাঁটা-কম্পাস (চিত্র নং 55) যন্ত্রটা দেখতে অনেকটা চিমটার মত। এর ছুটি সমান দৈর্ঘ্যের বাহু আছে। শেষে সমান দৈর্ঘ্যের স্থৃটি কাঁটা আছে। বাহু স্থৃটি ক্লুর সাহায্যে এমনভাবে আঁটা যেন প্রয়োজন মত ওদের মধ্যবর্তী দূরত্ব কমান বা বাডান যায়।



ठिख नः 55

প্রধানতঃ ছটি বিন্দুর দূরত্ব মাপতে বা রেখাংশের দৈঘ্য মাপতে কাঁটা-কম্পাদের ব্যবহার করি।

কাঁটা-কম্পাদের যে কোন একটি কাঁটার অগ্রভাগ A বিন্দুতে বসিয়ে অপর কাঁটার অগ্রভাগ B বিন্দুর উপর বসাও (চিত্র নং 56)। এবার সাবধানে কাঁটাটিকে তোল, দেখ যেন কাঁটা ছটির দূরত্ব ঠিক থাকে। একটি কাঁটার অগ্রভাগ রুলারের শূন্য দাগ ঘেঁষে বসিয়ে দেখ অপর কাঁটাটা কোন্ দাগ ঘেঁষে বসছে। এবার পূর্বের মভ দূরত্ব নির্ণয় কর।



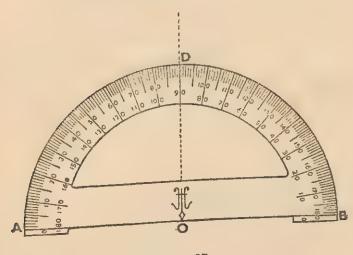
লক্ষ্য কর, এই পদ্ধতির সাহায্যে আমরা কোন একটি রেধাংশের দৈর্ঘ্য সমান করে অন্য একটি রেখাংশ আঁকতে পারি বা কোন একটি বৃহত্তর দৈর্ঘ্যের রেখাংশ থেকে ক্ষুদ্রতর দৈর্ঘ্যের রেখাংশ কেটে নিতে পারি।

अनुगीलनी 5

- রুলারের দাহায্যে নিয়লিখিত দৈর্ঘ্যের রেখাংশ টান : 5 সে.মি.,
 6.3 সে.মি., ৪.5 সে.মি., 9.4 সে.মি., 3.85 সে.মি., 7.55 সে.মি.।
 - 3'5 সে.মি. দীর্ঘ রেখাংশের সমান অপর একটি রেখাংশ আঁক।
- 8. PQ রেখাংশের দৈর্ঘ্য 2 সে.মি., PQ রেখার্থশ অঙ্কন করে এর তিন শুণ দৈর্ঘ্যের AB রেখাংশ আঁক।
- 4. নিম্নলিখিত ব্যবধানে ছটি বিন্দু নাও এবং ক্ললাবের সাহায্যে সংযোগ কর: 2.5 সে. মি., ৪.৪ সে. মি., 9.6 সে. মি., 4.7 সে. মি.।
- 5. একটি ত্রিভূজ আঁক। কাঁটা-কম্পানের ও রুলারের সাহায্যে বাছ-গুলির দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর।

II. চাঁদা বা কোণ-মান যন্ত্ৰ ঃ

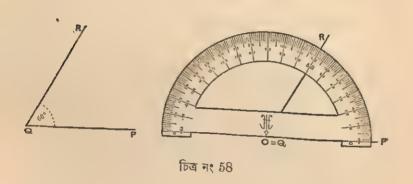
এই যন্ত্রটি অর্ধবৃত্তাকার ধাতু বা প্লাস্টিক নির্মিত যন্ত্র। কোণ মাপতে এবং নির্দিষ্ট পরিমাণের সমান কোণ আঁকতে এই যন্ত্রটির ব্যবহার করা হয়। চিত্র নং 57 দেখ। AOBকে ভূমিরেখা বলা হয়। AB রেখাংশের মধ্যবিন্দু o থেকে নির্গত OD এমন একটি রেখা যেখানে ∠AOD-এর পরিমাপ এবং ∠BOD-এর পরিমাপ



विव नং 57

সমান। ঐ এক একটি কোণের পরিমাপকে এক সমকোণ বলি। প্রত্যেকটি সমকোণ আবার সমান 90 ভাগে ভাগ করা আছে, এদের প্রত্যেক ভাগকে এক ডিগ্রী বলি (এক ডিগ্রীকে 1° এইভাবে প্রকাশ করা হয়, বা 23 ডিগ্রীকে 23° এইভাবে প্রকাশ করা হয়)। লক্ষ্য কর, A বিন্দু থেকে অর্ধবৃত্তের বক্ররেখা বরাবর B বিন্দু পর্যন্ত সমান 180টি ভাগ আছে। প্রতি 10 ভাগ অন্তর শূন্য থেকে

10, 20, 30, 40....,180 সংখ্যা গুলো লেখা আছে। আরও লক্ষ্য কর, A থেকে B পর্যন্ত যেমন শৃত্য থেকে 180 পর্যন্ত ভাগ আছে তেমন B থেকে A পর্যন্ত শূন্য থেকে 180 পর্যন্ত ভাগ আছে; ছু'ক্ষেত্রেই 90 ভাগের দাগ একই স্থলে পড়েছে।



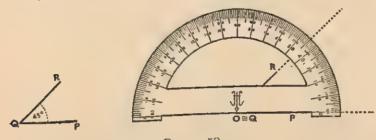
চিত্ৰ নং 58 দেখ।

কাগজের উপর Q একটা বিন্দু নাও। এই Q বিন্দু থেকে
নির্গত ছুটি রেখার সাহায্যে LPQR আঁক। চাঁদার ভূমির মধ্যবিন্দু

Oকে Q বিন্দুতে স্থাপন করে চাঁদার ভূমিরেখাকে QP বরাবর বসাও।
এখন শৃষ্ঠ-চিহ্নিত দাগ থেকে শুরু করে কোন দাগে রেখা QR
মিলেছে দেখ। সেই দাগের পাঠই* হবে LPQR-এর পরিমাপ।
এখন তাহলে দাগ দেখে বলতে পারি, LPQR=60°।

^{*}পাঠ-reading.

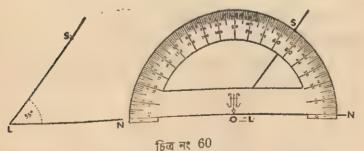
কোন দাগে কোণের দ্বিতীয় রেখাটি না মিললে চোখের আন্দাজে পরিমাণ নির্ণয় করতে হয়। যদি কোণের রেখাংশ ছটির দৈর্ঘ্য প্রয়োজন-মত বছ না হয় তবে প্রয়োজনমত বাড়িয়ে নিতে হবে (চিত্র নং 59)।



চিত্ৰ নং 59

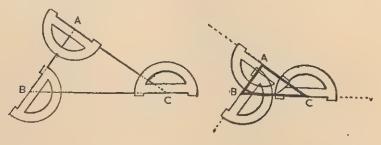
এখন দেখা যাক, নির্দিষ্ট পরিমাণের কোণ আঁক্তে চাঁদা কিভাবে ব্যবহার করতে হয়।

ধর, এমন একটি কোণ আঁকতে হবে যার পরিমাণ 55°। LN একটি রেখাংশ আঁক (চিত্র নং 60)। চাঁদার ভূমি রেখাংশের



মধ্যবিন্দু o-কে L বিন্দুর উপর স্থাপন করে LN রেখা বরাবর ভূমি রেখাংশকে স্থাপন কর। এখন ডান দিকের শৃত্য দাগ থেকে শুরু করে 55 দাগে S বিন্দু বসাও। চাঁদা সরিয়ে নিয়ে LS সংযোগ করে বর্ষিত কর। ∠NLS = 55° হল। যদি প্রদন্ত কোণের পরিমাপ 55·5° বা 65·75° হয় ভবে চোথের আন্দাজে দাগ নির্বাচন করে নিয়ে বিন্দু বসিয়ে কোণ আঁকবে।

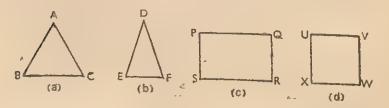
চঁদোর সাহায্যে ত্রিভূজের কোণ পরিমাপ: নীচের চিত্র ছটি (চিত্র নং 61) দেখে ত্রিভূজের কোণ তিনটি চাঁদার সাহায্যে কিভাবে মাপতে হয় শিখে নাও।



চিত্ৰ নং 61

অনুশীলনী 6

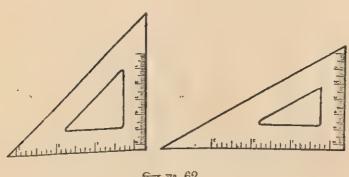
- টাদার সাহায্যে নিম্নলিখিত কোণগুলো আঁক; 45°, 55°, 72°, 81°, 105°, 135°, 169°, 169°, 50·5°, 67·5°
- 2. চাঁদার সাহায্যে যে কোন ত্রিভুজের তিনটি কোণের পরিমাণ নির্ণয় করে তাদের সমষ্টি নির্ণয় কর।
 - নিয়ের চিত্রগুলি ট্রেস করে খাতার পাতার তুলে নাও।



এই চিত্রগুলির ভিতরকার কোণগুলির পরিমাণ নির্ণয় করে নাম সহ লেখ।

III. ত্রিকোনী, পেন্সিল-কম্পাস ঃ

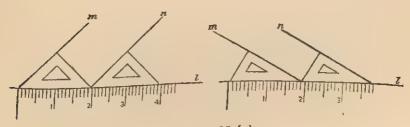
A. ত্রিকোণী: নীচের চিত্রে (চিত্র নং 62) ছুইটি ত্রিকোণী যন্ত্র দেখানো হয়েছে।



চিত্ৰ নং 62

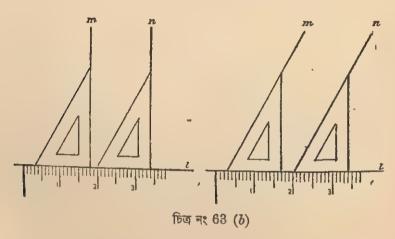
লক্ষ্য কর, ত্রিকোণী ছটির একটি করে কোণ সমকোণ বা 90°; একটি ত্রিকোণীর ছটি ধারের দৈর্ঘ্য পরস্পর সমান এবং অপরা ত্রিকোণীর তিনটি ধার অসমান।

কয়েকটি সমান্তরাল রেখা অঙ্কনে ও সমকোণ অঙ্কনে ত্রিকোণী



চিত্ৰ নং 63 (a)

ব্যবহার করা হয়। কাগজের উপর একটি রেখা বরাবর রুলার স্থাপন কর। এবার যে কোন একটি ত্রিকোণীর একধার রুলারের একধার ঘেঁষে বসিয়ে প্রয়োজনমত ত্রিকোণীর অপর যে কোন



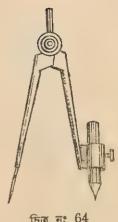
একটি ধার বরাবর রেখা টান (চিত্র নং 63 (a), (b))। ত্রিকোণীটি ঐ ভাবে রেখে রুলারের ধার বরাবর প্রয়োজনমত সরিয়ে নিম্নে পূর্বের ধার বরাবর রেখা টান। লক্ষ্য কর, এই ছটি রেখা পরস্পর সমান্তরাল হবে। এইভাবে ইচ্ছেমত সমান্তরাল রেখা টানতে পার।

B. পেজিল-কম্পাসঃ পেন্সিল-কম্পাস দেখতে কাঁটা-কম্পাসের
মত। তবে এতে তৃটি কাঁটার পরিবর্তে একটি কাঁটা এবং অপর দিকে
একটি পেন্সিল আটকাবার ব্যবস্থা থাকে (চিত্র নং 64)। পেন্সিলটি
এমনভাবে আঁটা হয় যেন তুই বাহুর দৈর্ঘ্য সমান থাকে। এই বাহুতুইটি
এমনভাবে ক্লু-এর সাহায্যে আটকানো থাকে যাতে প্রয়োজনমত ওদের

মধ্যবর্তী দূরত্ব বাড়ান বা কমান যায়।

নিম্নলিখিত অঙ্কনে সাধারণতঃ পেন্সিল-কম্পাস ব্যবহার করা হয়।

- (i) বৃত্ত অন্ধনে, (ii) বৃত্তচাপ অন্ধনে।
- বৃত্ত অঙ্কনে পেকিল-কম্পানের ব্যবহারঃ কাগজের উপর একটি বিন্দু ০ বসাও। এবার পেন্সিল-কম্পাসের বাহু ছুটি একটু ফাঁক করে নিয়ে কাঁটার অগ্রভাগ ০ বিন্দুতে স্থাপন কর। ডান হাত দিয়ে সাবধানে কাঁটাটিকে ঐ বিন্দুতে ধরে রেখে

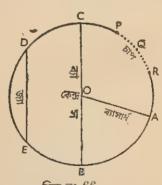


চিত্ৰ নং 64

পেন্সিলটি ঘুরিয়ে দাও (চিত্র নং 65) যেন পেন্সিলের সাহায্যে ু কাগজের উপর সমানভাবে দাগ পড়ে। পেন্সিলটি যে বিন্দু থেকে



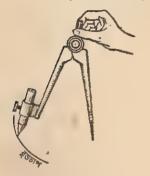
िंख नः 65



চিত্ৰ নং 66

ঘুরতে স্থরু করেছিল সেই বিন্দুতে ঘুরে ফিরে এলে লক্ষ্য কর একটি জ্যামিতিক চিত্র পাওয়া গেল। এই চিত্রকে **আমরা বৃত্ত** বলি। ০ বিন্দুটিকে আমরা বৃত্তের কেন্দ্র বলি। আর এ বক্র রেখাটিকে আমরা পরিধি বলি। লক্ষ্য কর, কেন্দ্র ০ থেকে পরিধির

উপর যে কোন বিন্দুর দূরত্ব সমান। এই দূরত্বকে ব্যাসাধ বলি। কেন্দ্রবিন্দুগামী রেখাংশ পরিধির যে বিন্দু ছটিকে ছেদ করছে ভাদের দূরত্বকে ব্যাস বলি। পরিধির উপর ছুটি বিন্দুর সংযোজক রেখাংশকে জ্যা বলি। পরিধির একাংশকে চাপ বলি।



চিত্ৰ নং 67

II. বুত্তচাপ অন্ধনে পেন্সিল-কম্পাসের ব্যবহার: মনে কর, 3 সে. মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটি বুত্তচাপ আঁকতে হবে। পেন্সিল-কম্পাসটির কাঁটার স্ফাগ্র রুলারের শৃন্য দাগে এবং পেন্সিলের অগ্রভাগ (3) स्म. मि. मारग विमरस निर्मिष्ठे পরিমাণ মত ব্যাসার্ধ নাও। এবার সাদা কাগজের উপর কাঁটার অগ্রভাগ বসিয়ে সাবধানে ভানহাতে

কাঁটাটিকে ঐ বিন্দুতে ধরে রেখে পেন্সিলটি প্রয়োজনমত ঘোরালে যে আকৃতি পাওয়া যাবে সেটাই নির্ণেয় বৃত্তচাপ হবে (চিত্র नः 67)।

अञ्गीननी 7

- 1. । একটি রেখা আঁক। তার উপর 1 সে. যি অস্তর 4টি বিশু স্থাপন কর। এই বিন্দুগুলি দিয়ে চারটি সমান্তরাল সরলরেখা আঁক। ত্রিকোণীর সাহায্যে যত রকম ভাবে আঁকা যায় সেগুলি পৃথক পৃথক ভাবে দেখাও।
- 2. 4 সে মি ব্যাসার্ধবিশিষ্ট একটা বুত্ত আঁক। ঐ বুত্তটির একটি बाम खाँक এवং देवसा निर्वष्ठ कत ।
- 3. তোমাকে একখণ্ড সূতো এবং এক টুকরো চক দিয়ে ব্ল্যাকবোর্ডে বুত্ত আঁকতে বলা হল। তুমি কি করে বুত্ত আঁকৰে ?



7. প্রতিফলন

I. প্রতিফলন, প্রতিবিম্ব, প্রতিফলনরেখা, বস্তদূরত্ব, প্রতিবিদ্ধ দূরত্ব ঃ

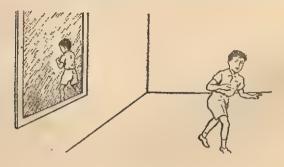
আয়নার সামনে দাঁড়ালে তুমি নিজেকে দেখতে পাও। আয়নায় তোমার যে ছবি দেখ সেটি হচ্ছে তোমার প্রতিবিস্থ। শুধু আমরা নিজেদের প্রতিবিস্থ দেখি না, আয়নার সামনে যাবতীয় বস্তু ধরলে সেই বস্তুগুলির প্রতিবিস্থ দেখতে পাই।



हिं नः 68

প্রতিবিম্ব গঠনের এইরূপ প্রক্রিয়ার নাম প্রতিফলন।

হয়তো আরও লক্ষ্য করেছ, তুমি যত আয়নার নিকট থেকে দূরে



চিত্ৰ নং 69 (a)

সরে যাবে, মনে হবে তোমার প্রতিবিশ্বও যেন তত দূরে সরে যাচ্ছে এবং আয়নার দিকে যত অগ্রসর হবে, তোমার প্রতিবিশ্বও ষেন তত অগ্রসর হচ্ছে।



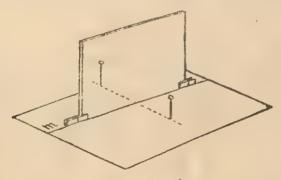
চিত্ৰ নং 69 (b)

যদি আয়ুনাতে তোমার একটা হাত ঠেকাও, দেখবে যেন প্রতিবিম্বের হাত একটা আয়নাতে ঠেকে আছে। আরও শক্ষ্য কর, তোমার দেহটা আয়না থেকে একহাত দূরে আছে এবং দেহটার প্রতিবিশ্বটিও আয়না থেকে একহাত দূরে আছে। অর্থাৎ আয়না থেকে তোমার দূরত্ব ও ভোমার প্রতিবিশ্বের দূরত্বসমান



চিত্ৰ নং 70

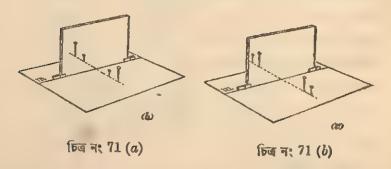
মনে হবে। এখন কাগজের উপর একটি আরনা রাখ। আয়নার যে ধারটা কাগন্ধ স্পর্শ করেছে সেই ধার বরাবর পেন্সিল দিয়ে একটি রেখা টান।



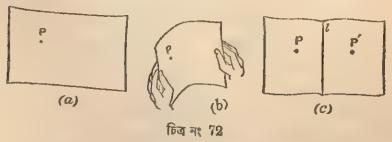
চিত্ৰ নং 71 (a)

বেখাটির নাম দাও m; এবার আয়নার সামনে একটি পিন পোঁত। পায়নাতে এই পিনের প্রতিবিদ্ধ দেখতে পাবে। লক্ষ্য কর, m রেখা খেকে পিনটি যত দূরে অবস্থিত আয়নাতে পিনের প্রতিবিদ্ব যেন রেখা থেকে তত দূরে অবস্থিত। পিনটি যদি m রেখা থেকে আরও I.G.-4

দ্রে বা নিকটে পোঁতা হয়, দেখবে প্রতিবিম্ব-পিনটি যথাক্রমে বেন



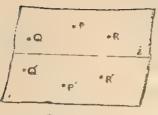
ঠিক ভতটা দূরে বা নিকটে সরে যাচ্ছে। এখন ভাবা যাক, আয়নার সাহায্য ব্যতীত প্রতিফলন প্রক্রিয়াটি অস্থা রকমে হয় কিনা। একখণ্ড কাগজ নাও। কাগজটি ভাঁজ কর; ভাঁজ বরাবর রেখাটির নাম দাও ।; এই । রেখাটি কাগজটিকে ছটি অংশে ভাগ করেছে। যে কোন এক অংশে খুব স্ম্মভাবে কালির কোঁটা দিয়ে বিন্দু ৮ বসাও (চিত্র নং 72)। । রেখা বরাবর কাগজটি ভাঁজ করলে । রেখার অপর পার্শ্বে এ বিন্দুর একটা ছাপ পড়বে। ধর, সেটি হ'ল ৮'



বিন্দু। এই ক্ষেত্রে P' বিন্দুকে P বিন্দুর প্রতিবিশ্ব বলতে পারি। তোমরা মেপে দেখ যে রেখা l থেকে P এবং P' বিন্দুছ্টির দূরত্ব সমান। আরও লক্ষ্য কর, এই l এবং চিত্র নং 71-এ m উভয় রেখার সাহায্যে কোন বস্তুর প্রতিবিশ্ব পাওয়া গেল। যে প্রক্রিয়াতে । রেথার একদিকের কোন বিন্দু P-এর প্রতিবিশ্ব বিন্দু P' পাওয়া গেল, তাকে
প্রতিদলন বলি। । রেথাকে বলি প্রতিফলন রেখা। প্রতিফলন
। রেথা থেকে বস্তু P বিন্দুর দূরত্বকে বস্তু-দূরত্ব এবং প্রতিবিদ্ধ P' বিন্দুর
দূরত্বকে প্রতিবিদ্ধ দূরত্ব বলি।

চিহ্নের সাহায্যে দিখলে দাঁড়ায় । (P) = P', অর্থাৎ। (প্রতিফলন) রেথার প্রতিফলনের জন্য P বিন্দুর প্রতিবিশ্ব হল P' বিন্দু।

- II. প্রতিষলনের ধর্মসমূহ ঃ পূর্বে যা দেখেছি তার থেকে প্রতিফলন সম্পর্ক কয়েকটি বিশেষ ধর্ম লক্ষ্য করা যায়। নিমে তার মধ্যে কয়েকটি দেওয়া হ'ল ঃ
- (i) চিত্র নং 72-এ । (P) = P' হয়েছে; অর্থাৎ প্রতিফলন রেখা বরাবর কাগজটা ভাঁজ করলে P-এর প্রতিবিশ্ব P' পাওয়া গেল। এখন দেখ । প্রতিফলন রেখা হির রেখে P বিন্দুর P' ভিন্ন অন্য কোন প্রতিবিশ্ব পাওয়া যায় কিনা? দেখবে P' ভিন্ন অন্য প্রতিবিশ্ব পাওয়া সম্ভব নয়। আমরা বলতে পারি: কোন নিদিষ্ট প্রতিফলন রেখার জন্য কোন একটি বিন্দুর কেবল মাত্র একটিই প্রতিবিশ্ব পাওয়া যায়।
- (ii) কাগছের উপর । রেখা নাও। এই রেখার এক পাশে P, Q, R তিনটি বিন্দু কালির ফোঁটা দিয়ে স্ক্ষেভাবে বসিয়ে রেখা বরাবর কাগজটি ভাজ করে ঐ বিন্দু তিনটির প্রতিবিশ্ব যথাক্রমে P', Q', R' নির্ণয় কর (চিত্র না 73)।



চিত্ৰ নং 73

ক্লারের সাহায্যে । প্রতিফলন রেখা থেকে P এবং P'-এর দূরত্ব নির্ণায় করে দেখ সমান হচ্ছে। ঐ ভাবে এ এবং এ', R এবং R'-এর ক্ষেত্রেও থেকে বস্তুর এবং প্রতিবিদ্যের দূর্ত্ব পারি: বস্তুদ্বত্ব ধ্বেং প্রতিবিদ্যুদ্বত্ব

সমান হবে। স্তরাং বলতে পারি: বস্তদূরত এবং প্রতিবিদ্ধ-দূরত্ব পরস্পর সমান।

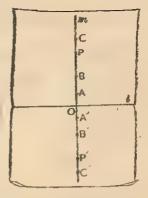
- (iii) চিত্র নং 72 দেখ। ঐ চিত্রে, l(P) = P' কিন্তু যুদি প্রথমে P' বিন্দৃতে কালির কোঁটা দিয়ে l বরাবর কাগজটা ভাঁজ করি তবে দেখব P'-এর প্রতিবিশ্ব P হচ্ছে, অর্থাং l(P') = P. সুতরাং বলা যেতে পারে: কোন বস্তু P-এর প্রতিবিশ্ব P' হলে P'-এর প্রতিবিশ্ব P হবে। সংকেতে, l(P) = P' হ'লে l(P') = P হবে।
 - (iv) একখণ্ড কাগজের উপর েরেখা নাও। েরেখার



একপাশে কালির ফোঁটার সাহায্যে P, Q, R ইত্যাদি বিন্দু নাও। এবার টে রেখা বরাবর কাগজটি ভাঁজ করলে দেখকে প্রত্যেক বিন্দুর প্রতিবিশ্ব যথাক্রমে P', Q', R', ইত্যাদি ট রেখার অপর পার্শ্বে পাওয়া যাছে (চিত্র নং 74)

স্ত্রাং বলা যেতে পারে: একটি প্রতিফলন রেখার একপাশের সব বিন্দুর প্রতিবিদ্ধ অপর পাশে পাওয়া যাবে।

(v) েরেখা নাও। মনে কর । (P) ∞ P'; এখন PP' যুক্ত করে উভয় দিকে বর্ধিত করে একটা রেখা m পাওয়া যাবে (চিত্র নং 75)। m রেখার উপর অক্ত একটা বিন্দু ∧ নাও, তার প্রতিবিদ্ A বিন্দুতে পাওয়া গেল ধর। A বিন্দু
। রেখায় প্রতিফলনের জনা A'
বিন্দুতে স্থানান্তরিত হল। কিন্তু লক্ষ্য
কর. m রেখাট স্থিরই রইল। ঐ ভাবে
দেখা যাবে । (৪) = ৪', । (с) = c'; কিন্তু
m রেখা স্থির আছে। আরও লক্ষ্য কর,
। এবং m রেখার ছেদবিন্দু ০-এর ক্ষেত্রে
। (০) = ০; স্থতরাং ০ বিন্দু স্থির আছে।

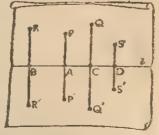


এর থেকে আমরা বলতে পারি: কোন বিন্দু চিত্র নং 75 এবং তার প্রতিবিন্ধ বিন্দুর সংযোজক রেখা প্রতিফলনের পর ছির (fixed) থাকে, কিন্তু এই সংযোজক রেখার উপর সকল বিন্দু ঐ প্রতিফলনের জন্ম ছির থাকে না।

(vi) আমরা আগে দেখলাম, যে কোন বিন্দু P ও তার প্রতিবিশ্ব P' সংযোজক রেখা, প্রতিফলন রেখা -ৈকে O বিন্দুতে ছেদ করকে (চিত্র নং 75) । (o)=o, অর্থাৎ O বিন্দু ছির।

েরেখা নাও। তার একপাশে P, Q, R, ও ইত্যাদি কয়েকটি বিন্দুর প্রতিবিশ্ব যথাক্রমে P', Q', R', S' নির্ণয় কর (চিত্র নং 76)।

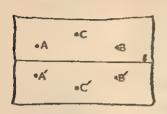
লক্ষ্য কর, PP', QQ', RR', SS' রেখাংশ-গুলি l-কে ধথাক্রমে A, B, C, D বিন্দুতে ছেদ করেছে। কিন্তু দেখ, l(A) = A, l (B) = B, l (C) = C, l(D) = D। মুতরাং l রেখার উপর প্রতিটি বিন্দুকে যদি l রেখা বরাবর প্রতিফলিড করা হয় তবে তাদের প্রতিবিদ্ব নিজেরাই



ि छिंदा नर 76

হবে, অর্থাৎ বিন্দুগুলি স্থির থাকবে। স্বতরাং বলা যেতে পারে:

প্রতিফলন রেখার উপর সমস্ত বিন্দু ওলি স্থিরবিন্দু।

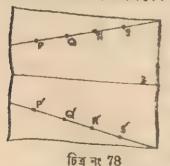


চিত্ৰ নং 77

(vii) l রেখা নাও। l রেখার এক পাশে
A এবং B ছটি বিন্দু নিয়ে তাদের
প্রতিবিশ্ব যথাক্রমে A' এবং B' নির্ণয়
কর। এবার যদি A ও B বিন্দু ছটির
মধ্যন্ত যে কোন একটি বিন্দু c বসাও
ভখন l বরাবর প্রতিফলনের জন্য দেখবে

টে (c)=c', এবং এই c', A' এবং B' বিন্দুর্যের মধ্যক্ত হচ্ছে (চিত্র নং 77)। সুতরাং বসা যেতে পারে: A এবং B ছটি বিন্দুর মধ্যক্ত চ যদি একটি বিন্দু হয় ভবে c বিন্দুর প্রতিবিদ্ধ c', বিন্দু A এবং B-এর প্রতিবিদ্ধ A' এবং B'-এর মধ্যক্ত হবে।

(viii) P, Q, R, B, ··· ছতকগুলি দমরেধ বিন্দু নাও। এবার ট রেখা বরাবর এই বিন্দুগুলি প্রতিফলিভ করে ঐ বিন্দুগুলির প্রতিবিম্ব যথাক্রমে P', Q', R', S' ইত্যাদি নির্ণয় কর (চিত্র

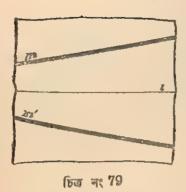


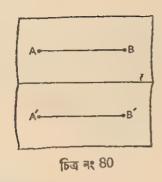
ত্তরাং বলা বেতে পারে: সমরেখ বিন্দু ওলির প্রতিবিদ্ধ বিন্দু ওলিও শমরেখ।

मर 78)। अथन एमध, P', Q', R', B. প্রতিবিশ্ব বিন্দুগুলিও সমরেখ।

(ix) । রেখা মাও। তার একপাশে কালি দিয়ে m রেখা টান

(চিত্র নং 79)। বরেখা বরাবর কাগজটি ভাঁজ করলে বিত্রর অপর-পাশে m-এর প্রতিবিদ্ধ অন্য একটি রেখা m´পাবে। অক্ষ্য করা গেল: একটি রেখার প্রতিবিদ্ধ একটি রেখা।





(x) । রেখা নাও। তার একপাশে কালি দিয়ে AB রেখাংশ এঁকে । রেখা বরাবর ভাঁজ করে দেখ, ঐ রেখাংশের প্রতিবিম্ব হিসাবে A'B' রেখাংশ পাওয়া যাচ্ছে। লক্ষ্য কর, AB রেখাংশ সর্বতোভাবে A'B' রেখাংশে প্রতিক্লিত হচ্ছে (চিত্র নং 80)। এক্ষেত্রে আমরা বলতে পারি: AB এবং ওর প্রতিবিদ্ধ রেখাংশ A'B' প্রস্পার সর্বসম।

(xi) কাগজের উপর 2 একটি রেখা নাও। তার এক পাশে

চ একটি বিন্দু থেকে BA এবং BC

ত'টি রেখা নির্গত হয়ে ∠ABC উৎপদ্ম

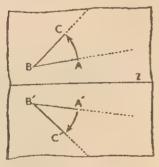
করছে। ८ রেখা বরাবর ভাঁজ করে

চ বিন্দুর প্রতিবিম্ব B' এবং BA ও

চ রেখাছয়ের প্রতিবিম্ব যথাক্রমে

চ' A' এবং B' C' নির্গয় কর (চিত্র

নং ৪1)। এখন দেখছ যে B' বিন্দু
থেকে নির্গত B' A' এবং B' C' রেখা-



চিত্ৰ নং 81

ছটি ∠A'B'C' উৎপন্ন করেছে। এই ∠A'B'C'-টি ∠ABÇ-এর প্রতিবিশ্ব। চাঁদার সাহায্যে মাপলে দেখা যাবে ঐ ছই কোনের পরিমাণ সমান। লক্ষ্য কর, ∠ABC-এর A থেকে C বিন্দৃতে যেতে যেদিকে ঘুরতে হয় (চিত্রে ভীর চিহ্ন দেখ), ∠A'B'C'-এর A' (A-এর প্রভিবিম্ব) থেকে c' (C-এর প্রভিবিম্ব) বিন্দৃতে যেতে ভার বিপরীত দিকে ঘুরতে হয়। এই ক্ষেত্রে আমরা বলে থাকি যে প্রভিকলনের জন্য কোণের পরিমাণ সমান থাকে কিন্তু দিক্স্থিভি(Orientation) বিপরীভমুখী হয়।

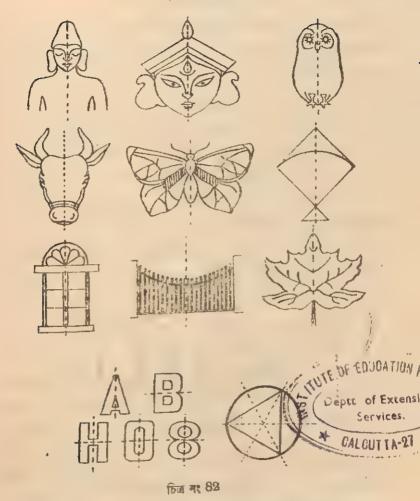
व्यक्रमीननी 8

- 1. हिट्युत माराट्या अकृष्टि निन्दू, প্রতিফ্লন রেশ। এবং ঐ বিন্ধুর প্রতিবিদ্য দেশাও।
- 2. একটি বে কোন ত্রিভূজ আঁক। কাগজটি ভাঁজ করে ঐ ত্রিভূজের প্রতিবিদ্ধ নির্বন্ধ কর। এবার প্রথম ত্রিভূজটি এবং ওর প্রতিবিদ্ধের শীর্ষবিশ্ব কলাবের সাহায্যে সংবোগ করে দেখাও যে বস্তু-দূরত্ব এবং প্রতিবিদ্ধন ক্রত্ব সমান।

8. প্রতিসাম্য

আমাদের চারিদিকে যে সমস্ত বিভিন্ন বস্তু দেখি তাদের একটু ভাল করে লক্ষ্য করলে একটা বিশেষ ধরনের ধর্ম পুঁজে বার করতে পারবে। পরের পৃষ্ঠায় চিত্রগুলো দেখ।

দেখ, প্রত্যেক চিত্রেই কোন একটি নির্দিষ্ট রেখার ডান পাশের অংশটি যেন বাম অংশের প্রতিরূপ অথবা বাম অংশটি যেন ডান অংশের প্রতিরূপ। তোমরা নিশ্চয়ই এটা লক্ষ্য করবে যে ঐ রেখাকে প্রতিফলন রেখা হিসাবে ধরে ঐ রেখার।ডান পাশের চিত্রাংশের

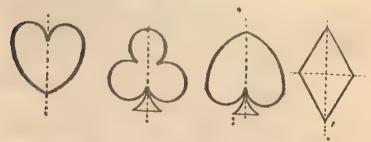


প্রতিবিশ্ব হবে বাম পাশের চিত্রাংশ। যদি ঐ নির্দিষ্ট রেখাকে।
দিয়ে চিহ্নিত করি তবে উপরের ঐদব চিত্রের ক্ষেত্রে . লিখতে
পারি—! (ডান পাশের চিত্রাংশ) = বাম পাশের চিত্রাংশ, অধবা।
(বাম পাশের চিত্রাংশ) = ডান পাশের চিত্রাংশ।

উপরোক্ত চিত্রগুলিতে যে ধর্মের কথা উদ্লেশ করা হল তাকে প্রতিসাম্য বলি এবং ঐ নির্দিষ্ট রেখাকে প্রতিসম-রেখা বলি। আমরা এখন সমতলে জ্যামিতিক চিত্রের ঐ ধর্ম সম্বন্ধে আলোচনা করব।

I. প্রতিসাম্য ও প্রতিসম-রেখা ঃ কোন সামতলিক জ্যামিতিক চিত্রের একই সমতলে অবস্থিত কোন রেখা । চিত্রটিকে যখন এমন ছটি অংশে ভাগ করে যা'তে, । (ঐ চিত্রের ছ'অংশের যে কোন এক জংশ) = অপর জংশ, তখন সেই রেখাকে প্রতিসম-রেখা বলি । এই বিশেষ জ্যামিতিক ধর্মকে প্রতিসাম্য বলি । এই ধর্মবিশিষ্ট জ্যামিতিক চিত্রকে প্রতিসম-চিত্র বলি ।

নীচে কয়েকটি সামতলিক জ্যামিতিক চিত্র প্রতিসম-রেখাসহ দেওয়া হল। ভাল করে লক্ষ্য কর:



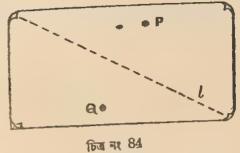
हिंख नः 83

আগে বে সমন্ত জ্যামিতিক চিত্র দেখলে, নিশ্চয়ই লক্ষ্য করে বাকবে যে কোন চিত্রের কেবলমাত্র একটি প্রতিসম-রেখা আছে, আবার কয়েকটি চিত্রের একাধিক প্রতিসম-রেখা আছে।

II. ছুটি বিন্দুর প্রতিসাম্য । নীচের চিত্র দেখ। মনে কর P, Q ছ'টি বিন্দু একটি কাগজের সমতলে নেওয়া হলো। কাগজটিকে এখন এমনভাবে ভাঁজ কর যাতে P বিন্দু Q বিন্দুর প্রতিবিশ্ব হয়। যদি

এ ভাঁজ বরাবর রেখাকে l দিয়ে চিহ্নিত কর তবে P এবং a বিন্দুর

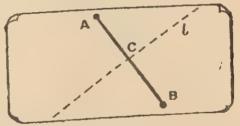
প্রতিসম-রেখা হলো l;
লক্ষ্য কর: l(P) = 0 বা l(Q) = P। লক্ষ্য কর,
ঐ l রেখা ছাড়া ও PQলংযে:জক সরল রেখা ও
প্রতিসম-রেখা।



III. রেখাংশের প্রতিসাম্য : কাগজের উপর AB একটি রেখাংশ

নাও। কাগজটিকে এমন
ভাবে ভাজ কর যাতে

AB রেখাংশের কোন
এক অংশ অপর অংশের
প্রতিবিশ্ব হর । এই
ভাজ বরাবর রেখা।

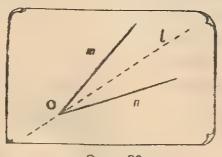


চিত্ৰ নং 85

হলো AB রেখাংশের প্রতিসম-রেখা। লক্ষ্য কর, l রেখা AB রেখাংশকে একটি বিন্দু C-তে ছেদ করেছে। এ ছাড়া আরো লক্ষ্য কর : l(A)=B বা l(B)=A; l(AC)=BC বা l(BC)=AC এবং l(C)=C। লক্ষ্য করে দেখ, l ছাড়াও AB রেখাও কোন প্রেডি-সম-রেখা হবে।

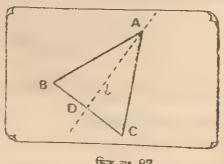
IV. কোণের প্রতিসাম্য : ০ একটি বিন্দু খেকে m এবং n ছটি রেখা নির্গত হরে একটি কোণ উৎপন্ন করেছে। কাগদ্রুটি এমনভাবে ভাঁজ কর যাতে m রেখার প্রতিবিদ্ধ n রেখা হয়। এখন ভাঁজ বরাবর যে থ রেখা পাওয়া যাবে ঐ রেখাই ঐ কোণ্টির প্রতিসম-রেখা হল। লক্ষ্য কর :

l (m)=n বা, l (n)=m এবং l (o)=০। এবার দেব, এই l ছাড়া ঐ কোণটির অন্য আর কোন প্রতিসম-রেখা পাওয়া সম্ভব নয়।



िख नः 86

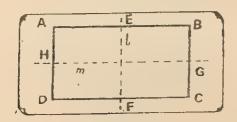
V. সমবিবাছ ত্রিভুজের প্রতিসাম্য: একটি সমবিবাছ ত্রিভুজ র্ত্মাক, যার দৈর্ঘ্য AB = দৈর্ঘ্য AC। কাগজটি এমনভাবে ভাঁজ কর যাতে AB বাহুর প্রতিবিম্ব যেন AC হয়। ভাঁজ বরাবর রেখা। হল শমদিবাহু ত্রিভুক্ত ABC-এর প্রতিসম-রেখা। লক্ষ্য কর, **েরেখা** A-विन्नृगामी रायाह अवर Bot अकि विन्नृ D-ए एक करतरह। এখন দেখ: l(AB) = AC वा l (AC) = AB, l (B) = C वा l (C) = B. !(BD)=CD বা !(CD)=BD, এবং !(D)=D। । রেশা ছাড়া শ্মদ্বিবাহু ত্রিভূজটির অন্য কোন প্রতিসম-রেখা পাওয়া সম্ভব নয়।



हिख नः 87

VI. আয়তক্ষেত্রের প্রতিসাম্যঃ কাগজের উপর ABCD একটি আয়তক্ষেত্র আঁকা হয়েছে। এখানে দৈর্ঘ্য AB=দৈর্ঘ্য DC, এবং দৈর্ঘ্য AD=দৈর্ঘ্য BC এবং প্রত্যেক কোণ 90°।

কাগজটি এমনভাবে ভাঁজ কর যাতে AD রেখাংশের প্রতিবিদ্ব BC রেখাংশ হয়। ভাঁজ বরাবর রেখা । আয়তক্ষেত্র ABCD-এর



हिंख नः 88

একটি প্রতিসম-রেখা। লক্ষ্য কর, l রেখা AB রেখাংশকে E বিন্দুতে এবং DC রেখাংশকে F বিন্দুতে ছেদ করেছে। এখন দেখ, l (AD) = BC বা l (BC) = AD, l (AE) = BE বা l (BE) = AE, l (DF) = CF বা l (CF) = DF এবং l (E) = E, l (F) = F.

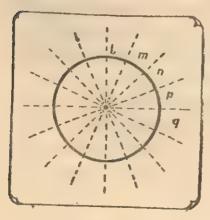
এবার েরেখা ছাড়া অন্য কোন রেখা বরাবর ভাঁজ করে ABCD আয়তক্ষেত্রের প্রতিসম-রেখা নির্ণয় করতে গেলে দেখবে আরো একটি প্রতিসম-রেখা ল পাওয়া সম্ভব। চিত্রে দেখ, ল রেখা আগের মত সমস্ত সর্ভসম্মত হয়েছে। দেখা গেল, একটি আয়তক্ষেত্রের ছটি প্রতিসম-রেখা আছে।

VII. বৃত্তের প্রতিসাম্য : একখণ্ড সাদা কাগজের উপর বৃত্ত আঁক ৷
[৪৭ নং চিত্রে বৃত্ত আঁকা দেখানো হয়েছে]



চিত্র নং 89

কাগদ্ধটি এমনভাবে ভাঁজ কর যেন ভাঁজের ছুপাশের যে কোন এক অংশ অপর অংশের প্রতিবিদ্ধ হয়। ভাঁজ বরাবর রেখা । হলো



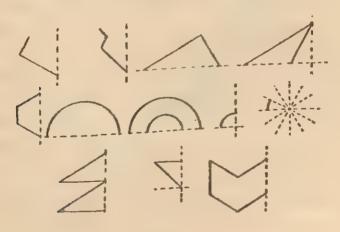
চিত্ৰ নং 90

বৃদ্ধটির প্রতিসম-রেখা।
এবার চেষ্টা করে দেখ অন্য
কোন রেখা বরাবর ভাঁক
করলে ঐ রেখা ছ্পাশের
যে কোন এক অংশ অপব
অংশের প্রতিবিশ্ব হয়
কিনা। দেখবে বৃত্তের
ক্ষেত্রে ইচ্ছেমত বহুসংখ্যক
প্রতিসম-রেখা পাও য়া
সম্মর।

जानू भी मनी 9

- ইংরেজী বর্ণমালায় কোন কোন বর্ণগুলিকে প্রতিষ্ম চিত্রপে আঁকা

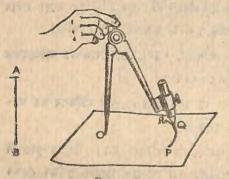
 শস্তব ? সেগুলো আঁক।
- 2. ঐ বর্ণমালায় কোন কোন বর্ণের কেবলমাত্র একটি, কেবলমাত্র ছটি,
 এবং অসংখ্য প্রতিসম-রেখা আছে তা এঁকে নির্ণয় কর।
- 3. ইংরেদ্রী সংখ্যা 1 থেকে 20 এবং 100 থেকে 110-এর মধ্যে কোন কোন সংখ্যাগুলিকে প্রতিস্ন চিত্রদ্ধণে আঁকা যায় তা এঁকে দেখাও।
- 4. তোষাদের শ্রেণীকক্ষের জানালা, গর্মা, ব্ল্যাক্রোর্ড-এর প্রত্যেকের ক্ষাট করে প্রতিসম-রেখা আছে এঁকে দেখাও।
- 5. অশোকচক্রের চিত্র কি প্রতিসম চিত্র ? যদি প্রতিসম হয় অবে কতগুলো প্রতিসম-রেখা থাকতে পারে ?
- 6. নীচে কভগুলি জ্যামিতিক চিত্রাংশ দেওয়া হল। চিত্রের পূর্ণরপটা ফুটকি চিহ্নিত বেখা বরাবর প্রতিশম হলে প্রত্যেক চিত্রের পূর্ণরপ কেমন হবে একৈ দেখাও।



চতুর্থ অধ্যার

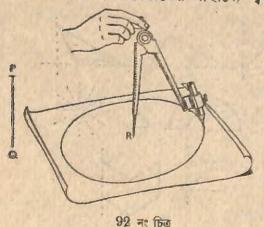
অঙ্কন

(চাপ, বৃত্ত, রেখাংশ সমন্বির্থণ্ডন, কোণ সমন্বির্থণ্ডন, লম্ব)
এই অধ্যারে (i) বৃত্ত ও বৃত্তচাপ অন্ধন, (ii) রেখাংশ সমান্বখণ্ডন,
(iii) কোণ সমন্বিখণ্ডন, এবং (iv) লম্ব অন্ধন সম্বন্ধে আলোচনা করব।
বৃত্তচাপ ও বৃত্ত অন্ধন—নির্দিষ্ট কেন্দ্র ও ব্যাসার্থের সাহায্যে
বৃত্তচাপ অন্ধনঃ মনে কর, নির্দিষ্ট কেন্দ্র ০ এবং ব্যাসার্থ AB।



থাতার পাতায় তোমরা
নির্দিষ্ট কেন্দ্র o স্থাপন কর।
এবার পেন্সিল-কম্পাদের
নাহায্যে BA পরিমাণ দৈর্ঘ্য
মেপে নিয়ে o বিন্দুভে
কাঁটার অগ্রভাগ স্থাপন করে
POR বুত্তচাপ আঁক।

চিত্র নং 91 নির্নিষ্ট কেন্দ্র ও ব্যাসার্ধের সাহায্যে বুভ অঙ্কনঃ মনে কর,



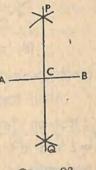
নির্দিষ্ট কেন্দ্র R এবং
ব্যাসার্ধ PQ (চিত্র নং
94)। খাতার পাতার
তোমরা নির্দিষ্ট কেন্দ্র
R স্থাপনকর। আগের
মত QP ব্যাসার্ধ নিয়ে
পেন্সিল - কম্পানের
কাঁটার অগ্রভাগ R
বিন্দৃত্তে বসিয়ে

সাবধানে পেন্সিলটা ঘুরিয়ে যাও। যে বিন্দু থেকে শুরু করেছ ঘুরে भिर विन्तृ कित्र अल वृत्व वाँका श्रास्त ।

রেখাংশ সমদ্বিখণ্ডন ঃ কাগজের উপর AB এই রেখাংশ আঁক।

রেখাংশকে সমান ছ'ভাগে ভাগ করতে হবে।

অঙ্কন: পেলিল-কম্পাদের সাহায্যে A বিন্দুকে কেন্দ্র করে AB পরিমাণ ব্যাসার্ধ নিয়ে রেখাংশের উভয় দিকে ছটি বৃত্তচাপ আঁক। অহুরপভাবে в-কে কেন্দ্র করে ঐ একই ব্যাসার্ধ নিয়ে রেখাংশের উভয় দিকে ছটি বৃত্ত-চাপ আঁক। মনে কর, বৃত্তচাপ ছটি P এবং Q বিন্দুতে ছেদ করল। P এবং a যুক্ত করে



हिंख नः 93

বর্ধিত কর। Pa সংযোজক রেখা AB রেখাংশকে যে বিন্দুতে ছেদ করল তার নাম c দাও। c বিন্দুতেই AB রেখাংশ সমদ্বিখণ্ডিত হল।

তোমরা কাঁটা-কম্পাস দিয়ে মেপে দেখতে পার যে দৈর্ঘ্য AC = দৈর্ঘ্য BC। অথবা PQ বরাবর কাগজ ভাঁজ করে দেখতে পার যে A বিন্দু B বিন্দুর প্রতিবিম্ব হয়, স্থতরাং বস্তু-দূরত্ব AC = প্রতিবিম্ব দূরত্ব BC।

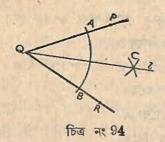
[দ্রষ্টব্য : AB-এর অর্ধেকের বেশী ব্যাসার্ধ নিয়ে বৃত্তচাপ আঁকলে ঐ ধরনের ছটি ছেদবিন্দু পাওয়া যাবে, কিন্তু AB-এর অর্ধে কের থেকে क्म वागार्थ नित्न (एपविन्मू भाउरा यात ना ।]

কোণ সমদ্বিখণ্ডন ঃ

পেন্সিল-কম্পানের সাহায্যে সমদ্বিখণ্ডন ঃ—কাগজের উপর LPQR আঁক। এই কোণকে সমান ছইভাগে ভাগ করতে হবে।

অঙ্কন :

ু বিন্দুকে কেন্দ্র করে এমন ব্যাসার্ধ নিয়ে একটি বৃত্তচাপ আঁক যেন এই বৃত্তচাপ QP-কে A বিন্দুতে এবং QR-কৈ B বিন্দুতে I. G.-5



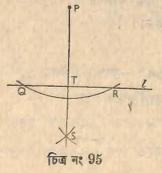
ছেদ করে। এখন A এবং B বিন্দুকে
কেন্দ্র করে একই পরিমাণ ব্যাসার্ধ
নিয়ে ছটি বৃত্তচাপ আঁক। যেন বৃত্তচাপ ছ'টি একটি বিন্দুতে ছেদ করে।
ছেদবিন্দুর নাম দাও c (চিত্র নং 96)।
এখন এ০ বৃক্ত করে বর্ধিত কর। এ০

রেখাই LPQR-কে সমদ্বিখণ্ডিত করল।

তোমরা চাঁদার সাহায্যে মেপে দেখতে পার যে ∠ PQC এবং ∠ RQC-এর পরিমাণ সমান। এ ছাড়াও লক্ষ্য করঃ ।(∠ PQC) = ∠ RQC বা। (∠ RQC) = ∠ PQC, আমরা জানি প্রতিফলনের জন্য কোণের পরিমাণ সমান থাকে।

লম্ব অঙ্কনঃ (i) বহিঃস্থ বিন্দু থেকে একটি রেখার উপর লম্ব অঙ্কনঃ— সাদা কাগজের উপর l একটি রেখা এবং উহার বহিঃস্থ (অর্থাৎ l রেখার উপরে নয়) একটি বিন্দু P নাও। P রিন্দুগামী এবং l রেখার উপর লম্ব অপর একটি রেখা অঙ্কন করতে হবে।

অঙ্কনঃ P বিন্দুকে কেন্দ্র করে এমন পরিমাণ ব্যাসার্ধ নিয়ে ব্রন্তচাপ আঁক যেন ঐ ব্রন্তচাপ । রেখাকে a এবং R বিন্দুতে ছেদ করে। এখন a এবং R-কে কেন্দ্র করে ar পরিমাণ ব্যাসার্ধ নিয়ে

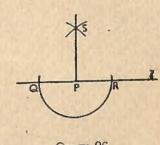


ছ'টি বৃত্তচাপ আঁক। মনে কর, বৃত্তচাপ ছটি ও বিন্দুতে ছেদ করল। এখন PS যুক্ত করে উভয়দিকে বর্ধিত কর। এই PS রেখাই । রেখার উপর লম্ব। চাঁদার সাহায্যে মেপে দেখ, ১ PTQ এবং ১ PTR-এর পরিমাণ 90 ডিগ্রীর সমান।

 (ii) একটি রেখার উপর কোন নির্দিষ্ট বিন্দুতে লম্ব অঙ্কন: । একটি রেখা নাও এবং *1*-এর উপরে P একটি নির্দিষ্ট বিন্দু নাও। এই P বিন্দুতে ¹ রেখার উপর লম্ব অন্ধন করতে হবে।

অঙ্কন ঃ P বিন্দুকে কেন্দ্র করে পরিমাণ মত ব্যাসার্ধ নিয়ে হু'ট বৃত্তচাপ আঁক, যেন বৃত্তচাপ ছ'টি । রেখাকে a এবং R বিন্দুতে

ছেদ করে। এখন o এবং R-কে কেন্দ্র করে আন্দাজমত QR-এর অর্ধেকের क्टर वनी शतिमान वामार्थ निरम l রেখার যে কোন একপাশে ছ'টি বৃত্তচাপ আঁক। মনে কর, চাপছটি s বিন্দুতে ছেদ করল। এখন PS যুক্ত করে বর্ধিত কর। এই PS রেখাই P বিন্দুতে ¹ রেখার উপর লম্ব।



চিত্ৰ নং 96

চাঁদার সাহায্যে মেপে দেখ, LSPQ এবং LSPRএর পরিমাণ 90 ডিগ্রীর সমান।

ञसूनीननी 10

1. 3 সে. মি. এবং 4 সে. মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট ছুইটি বুত আঁক যাদের टकत्स्वत मरश मृतक 8 ता. वि.

2 সে. মি. এবং 3 সে. মি. ব্যাসার্ধবিশিষ্ট স্থহটি বুত আঁক যাদের

কেন্দ্রের মধ্যে দূরত্ব 5 সে. মি.

3. 4.5 तम. मि. এदং 3.5 तम. मि. वामार्थविनिष्ठे प्रदेषि दुख चाक यात्मत কেন্দ্রের মধ্যে দূরত্ব 2 সে.মি.

4. একটি যে কোন রেখাংশ খাঁক। পেলিল-কম্পাদের সাহায্যে এই

রেখাংশকে সমান চার ভাগ কর।

5. একটি যে কোন রেখাংশ AB নাও। ঐ রেখাংশের দৈর্ঘ্য পরিমাণ वााम शदा अवि वृष्ठ बांक।